

1a  $P(\text{geen enkele keer } 6) = P(\bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6}) = \frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} \approx 0,482.$   $\left[ \begin{array}{l} (5/6)^4 \\ .4822530864 \end{array} \right]$  1b  $P(\text{geen enkele } 6) = P(\bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6}) \approx 0,482.$

2a  $P(\underline{a a a p p p}) = \binom{6}{3} \cdot P(\underline{a a a p p p}) = \binom{6}{3} \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^3 \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^3 \approx 0,082.$

$\left[ \begin{array}{l} 6 \text{ nCr } 3 * (2/5)^3 * \\ (2/5)^3 \\ 1 - (3/5)^6 \\ .08192 \\ .953344 \end{array} \right]$

2b  $P(a \geq 1) = 1 - P(a < 1) = 1 - P(a = 0) = 1 - P(\bar{a} \bar{a} \bar{a} \bar{a} \bar{a} \bar{a}) = 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^6 \approx 0,953.$

$\left[ \begin{array}{l} 6 \text{ nCr } 3 * (1/5)^3 * \\ (4/5)^3 \\ .08192 \end{array} \right]$

2c  $P(b = 3) = P(\underline{b b b \bar{b} \bar{b} \bar{b}}) = \binom{6}{3} \cdot P(\underline{b b b \bar{b} \bar{b} \bar{b}}) = \binom{6}{3} \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^3 \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^3 \approx 0,082.$

3a  $P(\underline{a b}) = \binom{2}{1} \cdot P(\underline{a b}) = \binom{2}{1} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{5} = 0,16.$  3b  $P(\bar{b} \bar{b}) = \left(\frac{4}{5}\right)^2 = 0,64.$

$\left[ \begin{array}{l} 2 \text{ nCr } 1 * 2/5 * 1/5 \\ .16 \\ (4/5)^2 \\ 2 \text{ nCr } 1 * 2/5 * 1/5 + \\ 2 \text{ nCr } 1 * 2/5 * 2/5 + \\ 2 \text{ nCr } 1 * 1/5 * 2/5 \\ .64 \end{array} \right]$

3c  $P(\text{twee verschillende vruchten}) = P(\underline{a b}) + P(\underline{a p}) + P(\underline{b p}) = \binom{2}{1} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{5} + \binom{2}{1} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} + \binom{2}{1} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{2}{5} = 0,64.$

4a  $P(\underline{g \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g}}) = \left(\frac{3}{4}\right)^6 \approx 0,178.$  4b  $P(\underline{g g \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g}}) = \binom{6}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^4 \approx 0,297.$

$\left[ \begin{array}{l} (3/4)^6 \\ .1779785156 \\ 6 \text{ nCr } 2 * (1/4)^2 * \\ (3/4)^4 \\ .2966308594 \\ 1 - (3/4)^6 - 5 \text{ nCr } \\ 1 * (1/4) * (3/4)^5 \\ .4660644531 \end{array} \right]$

4c  $P(\text{goed} \geq 2) = 1 - P(\text{goed} \leq 1) = 1 - P(\underline{g \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g}}) - P(\underline{g g \bar{g} \bar{g} \bar{g} \bar{g}}) = 1 - \left(\frac{3}{4}\right)^6 - \binom{6}{1} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^1 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^5 \approx 0,466.$

5a  $P(\text{lukt}) = P(l) = 0,28 \Rightarrow P(\text{mislukt}) = P(m) = 1 - 0,28 = 0,72 \Rightarrow P(\underline{m m m}) = 0,72^3 \approx 0,373.$

$\left[ \begin{array}{l} 0,72^3 \\ .373248 \\ 1 - 0,72^5 \\ .8065082368 \end{array} \right]$

5b  $P(\text{minstens één keer lukt}) = 1 - P(\text{geen keer lukt}) = 1 - P(\underline{m m m m m}) = 1 - 0,72^5 \approx 0,807.$

5cd  $P(\text{minstens één keer lukt bij } n \text{ proeven}) = 1 - P(\text{geen keer lukt bij } n \text{ proeven}) = 1 - 0,72^n > 0,95.$

$1 - 0,72^n = 0,95$  (intersect en zie plot of zie TABLE)  $\Rightarrow n \geq 10$ . Dus minstens 10 keer uitvoeren.

X	V1	V2
6	.8065	.8065
7	.8999	.8999
8	.9278	.8999
9	.94	.8999
10	.9437	.8999
11	.9494	.8999
12	.9505	.8999

V1 = .962560937574

6a  $P(\underline{4 4 4 \bar{4} \bar{4} \bar{4}}) = \binom{6}{3} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^3 \approx 0,054.$

$\left[ \begin{array}{l} 6 \text{ nCr } 3 * (1/6)^3 * \\ (5/6)^3 \\ .0535836763 \\ 1 - (5/6)^6 \\ .6651020233 \end{array} \right]$

6b  $P(\text{minstens één } 6) = 1 - P(\text{geen } 6) = 1 - P(\bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6}) = 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^6 \approx 0,665.$

6c  $P(\text{zes verschillende aantallen ogen}) = P(\underline{1 2 3 4 5 6}) = 6! \cdot P(1 2 3 4 5 6) = 6! \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = 6! \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^6 \approx 0,015.$

$\left[ \begin{array}{l} 6! * (1/6)^6 \\ .0154320988 \\ 6 \text{ nCr } 2 * (1/6)^2 * \\ (4/6)^4 \\ .0823045267 \end{array} \right]$

6d  $P(\text{twee keer } 6 \text{ en geen } 5) = P(\underline{6 6 \bar{5} \text{ of } 6 \bar{5} \text{ of } 6 \bar{5} \text{ of } 6 \bar{5} \text{ of } 6}) = \binom{6}{2} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^2 \cdot \left(\frac{4}{6}\right)^4 \approx 0,082.$

7a  $P(\text{som} = 6) = P(6) = \frac{5}{36}$  (zie het rooster hiernaast).

7b  $P(\underline{6 6 6 6 \bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6}}) = \binom{8}{4} \cdot \left(\frac{5}{36}\right)^4 \cdot \left(\frac{31}{36}\right)^4 \approx 0,014.$

7c  $P(\text{som} < 5) = P(< 5) = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$  (zie het rooster hiernaast).

$P(\underline{5 < 5 < 5 < 5 < 5 < 5 < 5}) = \binom{8}{3} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^5 \approx 0,104.$

X	V1	V2
46	.72634	.75
47	.73394	.75
48	.74132	.75
49	.74852	.75
50	.75557	.75
51	.76239	.75
52	.76899	.75

X=52

6	7	8	9	10	11	12
6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	5	6	7	8	9	
2	4	5	6	7	8	
1	3	4	5	6	7	

+ 1 2 3 4 5 6

7d  $P(\text{som} = 12) = P(12) = \frac{1}{36}$  (zie het rooster).  $P(\text{minstens één keer } 12) = 1 - P(\underline{12 \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12}}) = 1 - \left(\frac{35}{36}\right)^8 > 0,75.$

Bladeren in de tabel geeft  $n \geq 50$ . Dus Timo moet minstens 50 keer met twee dobbelstenen gooien.

8a  $P(\text{minstens één keer } 6) = 1 - P(\text{geen } 6) = 1 - P(\bar{6} \bar{6} \bar{6} \bar{6}) = 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^4 \approx 0,518.$

$\left[ \begin{array}{l} 1 - (5/6)^4 \\ .5177469136 \end{array} \right]$

De berekening van de Meré klopt dus niet. (met 7 dobbelstenen gooien zou een kans geven die groter is dan 1 en dat kan niet) Het is wél voordeliger om te wedden op minstens één 6.

8b  $P(\text{dubbel } 6) = P(\text{som} = 12) = \frac{1}{36}$  (zie het rooster hierboven).

$P(\text{dubbel } 6 \geq 1) = 1 - P(\text{dubbel } 6 < 1) = 1 - P(\text{dubbel } 6 = 0) = 1 - P(\underline{12 \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12} \bar{12}}) = 1 - \left(\frac{35}{36}\right)^8 \approx 0,491.$

De berekening van de Meré klopt weer niet. Het wedden op minstens één keer dubbel zes is zelfs nadeliger, want het wedden op geen enkele keer dubbel zes is  $P(\text{dubbel } 6 = 0) \approx 1 - 0,491 = 0,509.$

$\left[ \begin{array}{l} 1 - (35/36)^8 \\ .4914038761 \\ 1 - \text{Ans} \\ .5085961239 \end{array} \right]$

9a  $P(\underline{z z z z}) = \left(\frac{18}{38}\right)^4 \approx 0,050.$

9b  $P(\underline{z z r r}) = \binom{4}{2} \cdot P(\underline{z z r r}) = \binom{4}{2} \cdot \left(\frac{18}{38}\right)^2 \cdot \left(\frac{18}{38}\right)^2 \approx 0,302.$

$\left[ \begin{array}{l} (18/38)^4 \\ .0503449175 \\ 4 \text{ nCr } 2 * (18/38)^2 * \\ (18/38)^2 \\ .3020695053 \end{array} \right]$

9c  $P(\text{wit} \geq 1) = 1 - P(\text{wit} < 1) = 1 - P(\text{wit} = 0) = 1 - P(\underline{\bar{w} \bar{w} \bar{w} \bar{w}}) = 1 - \left(\frac{36}{38}\right)^4 \approx 0,194.$

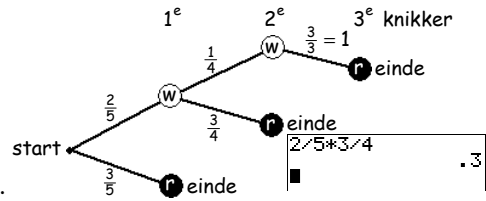
9d  $P(\text{uitkering} = \text{€ } 40) = P(\text{rood} = 2) = P(\underline{r r \bar{r} \bar{r}}) = \binom{4}{2} \cdot P(\underline{r r \bar{r} \bar{r}}) = \binom{4}{2} \cdot \left(\frac{18}{38}\right)^2 \cdot \left(\frac{20}{38}\right)^2 \approx 0,373.$

$\left[ \begin{array}{l} 1 - (36/38)^4 \\ .1944813192 \\ 4 \text{ nCr } 2 * (18/38)^2 * \\ (20/38)^2 \\ .3729253152 \end{array} \right]$

9e  $P(\text{uitkering} > \text{€} 50) = P(\text{uitkering} \geq \text{€} 60) = P(\text{rood} \geq 3) = P(\underline{rrrr}\bar{r}) + P(\underline{rrrrr}) + P(\underline{rrrrr})$   
 $= \binom{5}{3} \cdot \left(\frac{18}{38}\right)^3 \cdot \left(\frac{20}{38}\right)^2 + \binom{5}{4} \cdot \left(\frac{18}{38}\right)^4 \cdot \frac{20}{38} + \left(\frac{18}{38}\right)^5 \approx 0,451.$

```
5 nCr 3*18^3*20^2
+5 nCr 4*18^4*20
+18^5
35715168
Ans/38^5
.4507489402
```

10a Na de eerste keer een witte knikker gepakt te hebben, bevinden zich nog 3 rode en 1 witte knikker in de vaas. De kans op een witte is dan dus  $\frac{1}{4}$ .



10b Zie de kansboom hiernaast.

10c  $P(\text{twee knikkers}) = P(\text{eerst wit en dan pas rood}) = P(wr) = \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{4} = 0,3.$

11a  $P(\text{twee knikkers}) = P(\bar{w}w) = \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{7} \approx 0,268.$       11b  $P(\text{vier knikkers}) = P(\bar{w}\bar{w}\bar{w}\bar{w}) = \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} \approx 0,107.$

```
5*3/8/7
.2678571429
5*4*3*2/8/7/6/5
.1071428571
```

12a  $P(\text{vierde sleutel is de eerste die past}) = P(\bar{p}\bar{p}\bar{p}p) = \frac{8}{10} \cdot \frac{7}{9} \cdot \frac{6}{8} \cdot \frac{2}{7} \approx 0,133.$

```
8*7*6*2/10/9/8/7
.1333333333
8*7*6*5*4*2/10/9
/8/7/6/5
.0888888889
```

12b  $P(\text{zesde sleutel is de eerste die past}) = P(\bar{p}\bar{p}\bar{p}\bar{p}p) = \frac{8}{10} \cdot \frac{7}{9} \cdot \frac{6}{8} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{2}{5} \approx 0,089.$

```
4 nCr 3*8*7*6*2/
10/9/8/7/6
.0888888889
```

12c  $P(\text{vijfde sleutel is de tweede die past}) = P(\bar{p}\bar{p}p\bar{p}p) = P(\bar{p}\bar{p}p\bar{p}p) \cdot P(p) = \binom{4}{3} \cdot \frac{8}{10} \cdot \frac{7}{9} \cdot \frac{6}{8} \cdot \frac{2}{7} \cdot \frac{1}{6} \approx 0,089.$

13a  $P(\text{Lotte wint in twee sets}) = P(LL) = 0,6 \cdot 0,6 = 0,36.$

13b  $P(\text{Gijs wint de eerste en Lotte de volgende twee sets}) = P(GLL) = 0,4 \cdot 0,6 \cdot 0,6 = 0,144.$

13c  $P(\text{de partij duurt drie sets}) = P(\underline{GLL}) + P(\underline{GLG}) = \binom{2}{1} \cdot 0,4 \cdot 0,6 \cdot 0,6 + \binom{2}{1} \cdot 0,4 \cdot 0,6 \cdot 0,4 = 0,48.$

```
0.6^2
.36
0.4*0.6^2
.144
2 nCr 1*0.4*0.6^2
+2 nCr 1*0.4*0.6
*0.4
.48
```

14a  $P(\text{Barney wint in twee sets}) = P(BB) = 0,65 \cdot 0,65 \approx 0,423.$

14b  $P(\text{de partij is afgelopen in twee sets}) = P(BB) + P(FF) = 0,65 \cdot 0,65 + 0,35 \cdot 0,35 = 0,545.$

14c  $P(\text{Barney wint}) = P(BB) + P(\underline{BF}B) = 0,65 \cdot 0,65 + \binom{2}{1} \cdot 0,65 \cdot 0,35 \cdot 0,65 \approx 0,718.$

```
0.65^2
.4225
Ans+0.35^2
.545
0.65^2+2 nCr 1*0.
65*0.35*0.65
.71825
```

15a  $P(\text{bij de tweede herkansing slagen}) = P(\text{bij derde examen slagen}) = P(\bar{s}\bar{s}s) = 0,4 \cdot 0,7 \cdot 0,3 = 0,084.$

15b  $P(\text{definitief afgewezen}) = P(\text{bij vierde examen niet slagen}) = P(\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = 0,4 \cdot 0,7 \cdot 0,7 \cdot 0,7 \approx 0,137.$

```
0.4*0.7*0.3
.084
0.4*0.7^3
.1372
```

16a  $P(\text{vier keer gooien}) = P(\bar{4}\bar{4}\bar{4}\bar{4}) = \left(\frac{3}{4}\right)^4 \cdot \frac{1}{4} \approx 0,105.$

```
(3/4)^3*1/4
.10546875
(3/4)^5*1/4
.10593261719
1/4+3/4*1/4
.4375
```

16b  $P(\text{zes keer gooien}) = P(\bar{4}\bar{4}\bar{4}\bar{4}\bar{4}\bar{4}) = \left(\frac{3}{4}\right)^5 \cdot \frac{1}{4} \approx 0,059.$

16c  $P(\text{minder dan drie keer gooien}) = P(4) + P(\bar{4}4) = \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} \approx 0,438.$

16d  $P(\text{minstens drie keer gooien}) = 1 - P(\text{minder dan drie keer gooien}) = 1 - P(4) - P(\bar{4}4) \approx 1 - 0,438 = 0,562.$

```
1-1/4-3/4*1/4
.5625
```

17a  $25\% \text{ van } 28 = \frac{1}{4} \cdot 28 = 7 \Rightarrow P(\text{lid} = 2) = P(II) = \frac{\binom{7}{2}}{\binom{28}{2}} \approx 0,056.$

```
7 nCr 2/28 nCr 2
.0555555556
```

17b Nee, in 17b kan twee keer dezelfde sector worden aangewezen. (bij 17a kies je niet twee keer dezelfde leerling)

18a  $P(\text{groen} = 2) = P(\underline{gg}\bar{g}) = \frac{\binom{16}{2} \cdot \binom{24}{1}}{\binom{40}{3}} \approx 0,291.$

```
16 nCr 2*24 nCr
1/40 nCr 3
.2914979757
```

18b  $P(\text{blauw} \geq 1) = 1 - P(\text{blauw} = 0) = 1 - P(\bar{b}\bar{b}\bar{b}) = 1 - \frac{\binom{16}{3}}{\binom{40}{3}} \approx 0,943.$

```
1-16 nCr 3/40 nCr
3
.9433198381
```

18c  $P(\text{groen} = 2) = P(\underline{gg}\bar{g}) = \binom{3}{2} \cdot P(\underline{gg}\bar{g}) = \binom{3}{2} \cdot \frac{16}{40} \cdot \frac{16}{40} \cdot \frac{24}{40} = 0,288.$

```
3 nCr 2*(16/40)^2
*24/40
.288
1-(16/40)^3
.936
```

18d  $P(\text{blauw} \geq 1) = 1 - P(\text{blauw} = 0) = 1 - P(\bar{b}\bar{b}\bar{b}) = 1 - \frac{16}{40} \cdot \frac{16}{40} \cdot \frac{16}{40} = 0,936.$

19a  $P(\text{meisjes} = 4) = P(\underline{m m m m}) = \left(\frac{12}{22}\right)^4 \approx 0,089.$       19b  $P(\text{meisjes} = 4) = P(\underline{m m m m}) = \frac{\binom{12}{4}}{\binom{22}{4}} \approx 0,068.$

```
(12/22)^4
.0885185438
12 nCr 4/22 nCr
4
.0676691729
```

20a  $P(\text{vrouwen} = 3) = P(vvv) = \frac{\binom{38}{3}}{\binom{60}{3}} \approx 0,247.$  20b  $P(\text{vrouwen} = 3) = P(vvv) = \frac{38}{60} \cdot \frac{38}{60} \cdot \frac{38}{60} \approx 0,254.$

21 De eerste en de derde bewering zijn waar. (de tweede hoort bij het trekken met terugleggen van twee keer één knikker)

22a  $P(rr) = \frac{p}{50} \cdot \frac{p-1}{49} = \frac{p \cdot (p-1)}{50 \cdot 49} = \frac{p^2 - p}{2450}.$  22b  $P(rw) = \binom{2}{1} \cdot P(rw) = 2 \cdot \frac{p}{50} \cdot \frac{50-p}{49} = \frac{2p \cdot (50-p)}{2450} = \frac{p \cdot (50-p)}{1225} = \frac{50p - p^2}{1225}.$  22c  $P(rw) = \frac{50p - p^2}{1225} > 0,5$  (met  $p \leq 50$  en  $p$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow p = 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28.$

23a  $P(rr) = \frac{10}{a} \cdot \frac{9}{a-1} = \frac{10 \cdot 9}{a \cdot (a-1)} = \frac{90}{a^2 - a}.$  23b  $P(rb) = \binom{2}{1} \cdot P(rb) = 2 \cdot \frac{10}{a} \cdot \frac{a-10}{a-1} = \frac{20 \cdot (a-10)}{a \cdot (a-1)} = \frac{20a - 200}{a^2 - a}.$  23c  $P(rb) = \frac{20a - 200}{a^2 - a} = \frac{10}{21}$  (met  $a \geq 10$  en  $a$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow a = 15$  en  $a = 28.$

24a  $P(rr) = \frac{15}{n} \cdot \frac{14}{n-1} < 0,1$  (met  $n \geq 15$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow n \geq 47.$  24b  $P(rw) = \binom{2}{1} \cdot P(rw) = 2 \cdot \frac{15}{n} \cdot \frac{n-15}{n-1} = \frac{30 \cdot (n-15)}{n \cdot (n-1)} = \frac{30n - 450}{n^2 - n}$  is maximaal (met  $n \geq 15$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE) voor  $n = 29$  en  $n = 30.$

25a  $P(\text{rood} = 2) = P(\underline{rrrrrr}) = \frac{\binom{3}{2} \cdot \binom{7}{3}}{\binom{10}{5}} \approx 0,417.$  25c  $P(\text{rood} = 2) = \frac{\binom{300}{2} \cdot \binom{700}{3}}{\binom{1000}{5}} \approx 0,309.$  25b  $P(\text{rood} = 2) = \frac{\binom{30}{2} \cdot \binom{70}{3}}{\binom{100}{5}} \approx 0,316.$  25d  $P(\text{rood} = 2) = \frac{\binom{3000}{2} \cdot \binom{7000}{3}}{\binom{10000}{5}} \approx 0,309.$

25e  $P(\text{rood} = 2) = P(\underline{rrrrrr}) = \binom{5}{2} \cdot P(\underline{rrrrrr}) = \binom{5}{2} \cdot 0,3^2 \cdot 0,7^3 \approx 0,309.$  (N.B.:  $\frac{3}{10} = \frac{30}{100} = \frac{300}{1000} = \frac{3000}{10000} = 0,3$  en  $\frac{7}{10} = \frac{70}{100} = \frac{700}{1000} = \frac{7000}{10000} = 0,7$ )

26a  $P(e\text{-winkelen} = 0) = P(\underline{eeeeeeeeeeeeeeee}) = (1 - 0,30)^{15} = 0,70^{15} \approx 0,005.$  26b  $P(e\text{-winkelen} = 2) = P(\underline{eeeeeeeeeeeeeeee}) = \binom{15}{2} \cdot 0,30^2 \cdot 0,70^{13} \approx 0,092.$  26c  $P(e\text{-winkelen} \geq 2) = 1 - P(e\text{-winkelen} < 2) = 1 - P(e\text{-winkelen} = 0) - P(e\text{-winkelen} = 1) = 1 - 0,70^{15} - \binom{15}{1} \cdot 0,30 \cdot 0,70^{14} \approx 0,965.$

27a  $P(\text{bijtend} = 0) = P(\underline{by by by by by by by by by by}) = (1 - 0,15)^{10} = 0,85^{10} \approx 0,197.$  27b  $P(\text{brandbaar} = 8 \text{ én bijtend} = 2) = P(\underline{br br br br br br br by by}) = \binom{10}{2} \cdot 0,60^8 \cdot 0,15^2 \approx 0,017.$  27c  $P(\text{brandbaar} \geq 9) = P(\text{brandbaar} = 9) + P(\text{brandbaar} = 10) = \binom{10}{1} \cdot 0,60^9 \cdot 0,40 + 0,60^{10} \approx 0,046.$

28a  $P(\text{linkshandig} = 1) = P(\underline{lr}) = \binom{2}{1} \cdot P(lr) = \binom{2}{1} \cdot 0,18 \cdot 0,82 \approx 0,295.$  28b  $P(\text{linkshandig} \leq 1) = P(\text{linkshandig} = 0) + P(\text{linkshandig} = 1) = P(\underline{rrrrr}) + P(\underline{lrrrr}) = 0,82^5 + \binom{5}{1} \cdot 0,18 \cdot 0,82^4 \approx 0,778.$

28c  $P(\text{linkshandig} \geq 1) = 1 - P(\text{linkshandig} < 1) = 1 - P(\text{linkshandig} = 0) = 1 - P(\underline{rrr...rr}) = 1 - 0,82^n > 0,99.$  Bladeren in de tabel  $\Rightarrow n \geq 24 \Rightarrow$  gezelschap moet uit minstens 24 personen bestaan.

28d  $P(\text{linkshandig} = 2) = P(\underline{ll}) = \frac{\binom{9}{2}}{\binom{50}{2}} \approx 0,029.$





50  $U$  is de uitbetaling per klant.  $P(U = 100) = P(rr) = \frac{2}{20} \cdot \frac{1}{19} = \frac{1}{190}$ ;  
 $P(U = 20) = P(rb) = 2 \cdot P(rb) = 2 \cdot \frac{2}{20} \cdot \frac{4}{19} = \frac{8}{190}$  en  $P(U = 0) = 1 - \frac{1}{190} - \frac{8}{190} = \frac{181}{190}$ .  
 $E(U) = 100 \cdot \frac{1}{190} + 20 \cdot \frac{8}{190} + 0 \cdot \frac{181}{190} \approx 1,37$  (€/klant).

$u$	100	20	0
$P(U = u)$	$\frac{1}{190}$	$\frac{8}{190}$	$\frac{181}{190}$

De kansverdeling

$100 \cdot 1 / 190 + 20 \cdot 8 / 190$   
 $1.368421053$

51a  $W = U - 1$  is de winst (voor een deelnemer) per spel.  
**situatie 1**  $P(W = 1) = P(\text{som} < 7) = \frac{15}{36}$  (zie het rooster)  $\Rightarrow P(W = -1) = \frac{21}{36}$ .  
 $E(W) = 1 \cdot \frac{15}{36} - 1 \cdot \frac{21}{36} = \frac{15}{36} - \frac{21}{36} = -\frac{6}{36}$  (€/spel).  
**situatie 2**  $P(W = 1) = P(\text{som} > 7) = \frac{15}{36}$  (zie het rooster)  $\Rightarrow P(W = -1) = \frac{21}{36}$ .  
 $E(W) = 1 \cdot \frac{15}{36} - 1 \cdot \frac{21}{36} = \frac{15}{36} - \frac{21}{36} = -\frac{6}{36}$  (€/spel).  
**situatie 3**  $P(W = 4) = P(\text{som} = 7) = \frac{6}{36}$  (zie het rooster)  $\Rightarrow P(W = -1) = \frac{30}{36}$ .  
 $E(W) = 4 \cdot \frac{6}{36} - 1 \cdot \frac{30}{36} = \frac{24}{36} - \frac{30}{36} = -\frac{6}{36}$  (€/spel).

$w$	1	-1
$P(W = w)$	$\frac{15}{36}$	$\frac{21}{36}$

$w$	1	-1
$P(W = w)$	$\frac{15}{36}$	$\frac{21}{36}$

$w$	4	-1
$P(W = w)$	$\frac{6}{36}$	$\frac{30}{36}$

6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
+ 1	2	3	4	5	6	

51b  $E(W) = (u - 1) \cdot \frac{6}{36} - 1 \cdot \frac{30}{36} = 0 \Rightarrow u - 1 = 5 \Rightarrow u = 6$ . De uitbetaling (bij de som van het aantal ogen is 7) moet 6 euro zijn.

52a  $W = u - 10$ . (in de ogen van de organisatoren)  
 $P(W = -90) = P(\text{drie gelijke}) = P(ggg) = 1 \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$ .  
 $P(W = -5) = P(\text{twee gelijke}) = P(gg\bar{g}) = \binom{3}{2} \cdot P(gg\bar{g}) = 3 \cdot 1 \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{5}{6} = \frac{15}{36}$ .  
 $P(W = 10) = 1 - \frac{1}{36} - \frac{15}{36} = \frac{20}{36}$ .  
 $E(W) = -90 \cdot \frac{1}{36} - 5 \cdot \frac{15}{36} + 10 \cdot \frac{20}{36} = \frac{35}{36}$  (€/spel).

$w$	-90	-5	10
$P(W = w)$	$\frac{1}{36}$	$\frac{15}{36}$	$\frac{20}{36}$

$-90 \cdot 1 - 5 \cdot 15 + 10 \cdot 20$   
 $35$   
 $Ans: /36$   
 $.9722222222$   
 $100 + 15 \cdot 15$   
 $325$   
 $3930 / 325$   
 $12.09230769$

52b Stel  $n$  prijzen van € 100. Daarbij horen  $15n$  prijzen van € 15.  
 $100n + 15 \cdot 15n = 3930 \Rightarrow 325n = 3930 \Rightarrow n = \frac{3930}{325} \approx 12,1$ . Dus 12 prijzen van € 100 is het meest waarschijnlijk.

53a In **situatie 2** is:  $P(O = 1039) = 0,20$  en  $P(O = 1039 - 250) = P(O = 789) = 0,80$ .  
 $E(O) = 1039 \cdot 0,20 + 789 \cdot 0,8 = 839$  (€/fiets).  
 Omdat  $839 < 889$  zal hij de fietsen tegen de adviesprijs van € 889,- verkopen.

$o$	1039	789
$P(O = o)$	0,2	0,8

53b Stel het percentage kopers dat de € 250,- euro komt opeisen  $p$ .  
 Los nu op:  $E(O) = 1039 \cdot (1 - 0,01p) + 789 \cdot 0,01p = 889$ . Dit geeft:  
 $1039 - 0,250p = 889 \Rightarrow -0,250p = -150 \Rightarrow p = 60$ .  
 Hij verwacht minder dan 60% van de klanten na twee jaar terug.

$o$	1039	789
$P(O = o)$	$1 - 0,01p$	$0,01p$

54a  $P(X = 1) = 0,99^{25}$  en  $P(X = 26) = 1 - P(X = 1) = 1 - 0,99^{25}$ .  
 $E(X) = 1 \cdot 0,99^{25} + 26 \cdot (1 - 0,99^{25}) \approx 6,55$  (tests/groep van 25 personen).

$1 \cdot 0,99^{25} + 26 \cdot (1 - 0,99^{25})$   
 $6,554466015$   
 $Ans: *1000 / 25$   
 $262,1786406$

54b 1000 personen zijn  $\frac{1000}{25} = 40$  groepen van 25 personen.  
 Je verwacht (ongeveer) 262 tests. Dit is een besparing van 738 tests  $\Rightarrow$  een besparing van 73,8%.

54c  $P(X = 1) = 0,99^{20}$  en  $P(X = 21) = 1 - 0,99^{20}$ .  
 $E(X) = 1 \cdot 0,99^{20} + 21 \cdot (1 - 0,99^{20}) \approx 4,64$  (tests/groep van 20 personen).  
 Je verwacht nu (ongeveer) 232 tests.

$1 \cdot 0,99^{20} + 21 \cdot (1 - 0,99^{20})$   
 $4,641861248$   
 $Ans: *1000 / 20$   
 $232,0930624$

54d  $Y = 1$  en  $Y = n + 1$  met als kansverdeling:  $P(Y = 1) = 0,99^n$  en  $P(Y = n + 1) = 1 - 0,99^n$ .

54e  $E(Y) = 1 \cdot 0,99^n + (n + 1) \cdot (1 - 0,99^n) = 0,99^n + n - n \cdot 0,99^n + 1 - 0,99^n = n + 1 - n \cdot 0,99^n$  (tests/groep van  $n$  personen).  
 Je verwacht  $\frac{1000 \cdot (n + 1 - n \cdot 0,99^n)}{n} = \frac{1000n}{n} + \frac{1000}{n} - \frac{1000n \cdot 0,99^n}{n} = 1000 + \frac{1000}{n} - 1000 \cdot 0,99^n$  tests.

54f  $1000 + \frac{1000}{n} - 1000 \cdot 0,99^n$  is minimaal (met  $n \geq 1$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE) voor  $n = 11$ .  
 Bij  $n = 11$  horen ongeveer 196 test.  
 Dit is een besparing van 804 test (ten opzichte van iedereen afzonderlijk testen).

$X$	$Y_1$
7	210,78
8	202,28
9	197,58
10	195,62
11	196,92
12	198,95
13	199,4
$Y_1 =$	195,57083665

55  $P(\text{minstens één waardebon}) = 1 - P(\text{geen waardebon}) = 1 - P(\bar{w} \bar{w} \bar{w} \bar{w}) = 1 - \binom{17}{4} \left(\frac{1}{20}\right)^4 \approx 0,509$ .

$1 - \binom{17}{4} \left(\frac{1}{20}\right)^4$   
 $.5087719298$

56  $p = P(\text{succes}) = P(\text{minstens één prijs}) = 1 - P(\text{geen prijs}) = 1 - \binom{45}{3} \left(\frac{1}{50}\right)^3 \approx 0,276$ .

57a  $p = P(66) = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$ . (of zie het rooster hiernaast)

57b  $p = P(\text{twee gelijke}) = P(\text{willekeurig aantal}) \cdot P(\text{hetzelfde aantal}) = 1 \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$ .

57c  $p = P(\text{som} > 10) = P(\text{som is 11 of 12}) = \frac{3}{36}$ . (zie het rooster hiernaast)

6	7	8	9	10	11	12	
5	6	7	8	9	10	11	
4	5	6	7	8	9	10	
3	4	5	6	7	8	9	
2	3	4	5	6	7	8	
1	2	3	4	5	6	7	
	+	1	2	3	4	5	6

58a  $p = P(\text{één kleur}) = P(rrr) + P(www) + P(ggg) = \frac{\binom{3}{3}}{\binom{10}{3}} + \frac{\binom{3}{3}}{\binom{10}{3}} + \frac{\binom{4}{3}}{\binom{10}{3}} = 0,05$ .

58b  $P(\text{geen keer succes}) = P(\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = 0,95^5 \approx 0,774$ .

58c  $P(\text{alleen de eerste keer succes}) = P(s\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = 0,05 \cdot 0,95^4 \approx 0,041$ .

58d  $P(\text{één keer succes}) = P(\underline{s\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = \binom{5}{1} \cdot P(s\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = \binom{5}{1} \cdot 0,05 \cdot 0,95^4 \approx 0,204$ .

59a  $n = 6$  en  $p = \frac{8}{20} = 0,4$  (kort: binom(6, 0.4))  $\Rightarrow P(X = 4) = P(\underline{rrrr}\bar{r}\bar{r}) = \binom{6}{4} \cdot 0,4^4 \cdot 0,6^2 \approx 0,138$ .

59b  $n = 12$  en  $p = \frac{18}{20} = 0,9$   $\Rightarrow P(Y = 10) = P(\underline{wwwwwwww}\bar{w}\bar{w}) = \binom{12}{10} \cdot 0,9^{10} \cdot 0,1^2 \approx 0,230$ .

59c Nee, ze pakt zonder terugleggen dus ze voert niet telkens hetzelfde experiment uit.

$P(Z = 3) = P(\underline{ggg}\bar{g}) = \binom{4}{3} \cdot P(ggg\bar{g}) = \binom{4}{3} \cdot \frac{10}{20} \cdot \frac{9}{19} \cdot \frac{8}{18} \cdot \frac{10}{17} \approx 0,248$ .

60a binom(10, 0.3)  $\Rightarrow P(X = 5) = P(\underline{sssss}\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}) = \binom{10}{5} \cdot 0,3^5 \cdot 0,7^5 \approx 0,103$ .

60b binom(5, 0.3)  $\Rightarrow P(\bar{s}\bar{s}\bar{s}\bar{s}s) = 0,7^4 \cdot 0,3 \approx 0,072$ .

61a De letter  $b$ , want  $P(X = k) = \binom{n}{k} \cdot p^k \cdot (1 - p)^{n-k}$ .

61b  $P(\text{succes}) = b$  en  $P(\text{mislukking}) = a \Rightarrow a + b = 1$ . Hieruit volgt  $(a + b)^n = 1^n = 1$ . Rechts van het  $=$ -teken in het binomium van Newton staan de kansen op alle mogelijke uitkomstens bij een binomiaal kansexperiment. Dus de som van alle kansen is 1.

62a  $P(X \leq 2) = P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) = 0,512 + 0,384 + 0,096 = 0,992$ .

62b  $P(X \leq 3)$  is de kans op alle mogelijke uitkomsten bij dit experiment en deze kans is 1.

62c Er zijn geen waarden kleiner dan 0 mogelijk.

62d Zie de tabel hiernaast.

$x$	0	1	2	3
$P(X \leq x)$	0,512	0,896	0,992	1

\*\*\* **Neem GR - practicum 2 door.** (zie aan het eind van deze uitwerkingen)

63a  $P(W = 3) = \text{binompdf}(10, \frac{1}{6}, 3) \approx 0,155$ .

63b  $P(R \leq 5) = \text{binomcdf}(12, \frac{2}{6}, 5) \approx 0,822$ .

63c  $P(B \geq 1) = 1 - P(B = 0) = 1 - \text{binompdf}(9, \frac{3}{6}, 0) \approx 0,998$ .

63d  $P(\underline{bbbbrrrr}) = \binom{8}{5} \cdot (\frac{3}{6})^5 \cdot (\frac{2}{6})^3 \approx 0,065$ .

63e  $P(\underline{bbbbbbrrrrrrwww}) = \binom{16}{8} \cdot \binom{8}{5} \cdot (\frac{3}{6})^8 \cdot (\frac{2}{6})^5 \cdot (\frac{1}{6})^3 \approx 0,054$ .

64a  $P(E = 5) = \text{binompdf}(10, 0,55, 5) \approx 0,234$ .

64b  $P(\bar{e}\bar{e}\bar{e}\bar{e}\bar{e}) = 0,45^5 \cdot 0,55^4 \approx 0,019$ .

65a  $X$  is het aantal keer twee rode knikkers.  $p = P(rr) = \frac{6}{9} \cdot \frac{5}{8} = \frac{30}{72} = \frac{5}{12}$ .  
 $P(X = 3) = \text{binompdf}(8, \frac{5}{12}, 3) \approx 0,274$ .

65b  $p = P(ww) = \frac{3}{9} \cdot \frac{2}{8} = \frac{6}{72} = \frac{1}{12} \Rightarrow P(Y \leq 2) = \text{binomcdf}(8, \frac{1}{12}, 2) \approx 0,976$ .

65c  $p = 1 - P(rr) - P(ww) = 1 - \frac{5}{12} - \frac{1}{12} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2} \Rightarrow P(Z = 4) = \text{binompdf}(8, \frac{1}{2}, 4) \approx 0,273$ .

65d  $P(\underline{R = 4 \text{ en } Z = 4}) = \binom{8}{4} \cdot (\frac{5}{12})^4 \cdot (\frac{1}{2})^4 \approx 0,132$ .

$(1+1+4)/10 \text{ nCr } 3$   
.  
.05

$0.95^5$   
.  
.7737809375  
 $0.05 * 0.95^4$   
.  
.0407253125  
Ans\*5  
.  
.2036265625

$6 \text{ nCr } 4 * 0.4^4 * 0.6^2$   
.  
.13824  
 $12 \text{ nCr } 10 * 0.9^{10} * 0.1^2$   
.  
.2301277705

$4 * 10 * 9 * 8 * 10 / 20 / 19$   
.  
.2476780186  
 $10 \text{ nCr } 3 * 10 / 20$   
.  
.2476780186  
Cr 4

OF:  $\frac{\binom{10}{3} \cdot \binom{10}{1}}{\binom{20}{4}} \approx 0,248$

$10 \text{ nCr } 5 * 0.3^5 * 0.7^5$   
.  
.1029193452  
 $0.7^4 * 0.3$   
.  
.07203

de toets met de komma is de toets boven de 7-toets

heb je een cijfer fout ingetoetst of wil je enkele cijfers wijzigen roep dan de vorige regel op met **2nd ENTER**

$\text{binomPdf}(10, 0.55, 5)$   
.  
.2340327076  
 $0.45 * 0.55^4$   
.  
.0185300156

$6/9 * 5/8 + \text{Frac}$   
.  
 $5/12$   
 $\text{binomPdf}(8, 5/12, 3)$   
.  
.2736139726

$\text{binomcdf}(8, 1/12, 2)$   
.  
.9764600701  
 $\text{binomPdf}(8, 1/2, 4)$   
.  
.2734375

$8 \text{ nCr } 4 * (5/12)^4 * (1/2)^4$   
.  
.1318660783

66a  $P(X = 10) = \text{binompdf}(60, 0.16, 10) \approx 0,136.$

```
binompdf(60,0.16,10)
.1356753885
binomcdf(60,0.16,2)
.5675865672
```

66b  $P(Y \leq 2) = \text{binomcdf}(60, \frac{1}{4} \times 0.16, 2) \approx 0,568.$

66c  $P(Z = \frac{1}{4} \times 60) = \text{binompdf}(60, \frac{3}{4} \times 0.16, \frac{1}{4} \times 60) \approx 0,003.$

```
binompdf(60,0.16,15)
.0026019702
```

67  $X$  is het aantal ondeugdelijke accu's.  $P(X \leq 3) = \text{binomcdf}(54, 0.20, 3) \approx 0,003.$

```
binomcdf(54,0.20,3)
.0028733122
```

68a  $p = P(\text{ogen} > 5) = \frac{2}{6} \Rightarrow P(X \leq 10) = \text{binomcdf}(15, \frac{2}{6}, 10) \approx 0,998.$

```
binomcdf(15,2/6,10)
.998192824
binompdf(18,15/36,5)
.0974409638
```

68b  $p = P(\text{som} > 7) = \frac{15}{36}$  (zie het rooster)  $\Rightarrow P(Y = 5) = \text{binompdf}(18, \frac{15}{36}, 5) \approx 0,097.$

6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
+ 1 2 3 4 5 6						

69a  $P(X \geq 4).$

69f  $P(12 \leq X \leq 20) = P(X \leq 20) - P(X \leq 11).$

69b  $P(X < 8).$

69g  $P(4 < X < 12) = P(X \leq 11) - P(X \leq 4).$

69c  $P(X > 5) = 1 - P(X \leq 5).$

69h  $P(2 \leq X < 5) = P(X \leq 4) - P(X \leq 1).$

69d  $P(X \geq 10) = 1 - P(X < 10) = 1 - P(X \leq 9).$

69i  $P(4 < X \leq 8) = P(X \leq 8) - P(X \leq 4).$

69e  $P(X < 7) = P(X \leq 6).$

69j  $P(X \text{ tussen } 8 \text{ en } 20) = P(8 < X < 20) = P(X \leq 19) - P(X \leq 8).$

70a  $P(X < 10) = P(X \leq 9) = \text{binomcdf}(25, 0.42, 9) \approx 0,347.$

```
binomcdf(25,0.42,9)
.3465197315
1-binomcdf(25,0.42,7)
.8893514177
```

70b  $P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) = 1 - \text{binomcdf}(25, 0.42, 7) \approx 0,889.$

70c  $P(X > 12) = 1 - P(X \leq 12) = 1 - \text{binomcdf}(25, 0.42, 12) \approx 0,208.$

70d  $P(9 < X < 16) = \text{binomcdf}(25, 0.42, 15) - \text{binomcdf}(25, 0.42, 9) \approx 0,631.$

70e  $P(X \geq 6) = 1 - P(X \leq 5) = 1 - \text{binomcdf}(25, 0.42, 5) \approx 0,982.$

70f  $P(X = 9) + P(X = 10) = \text{binompdf}(25, 0.42, 9) + \text{binompdf}(25, 0.42, 10) \approx 0,294.$

```
1-binomcdf(25,0.42,12)
.2080231503
binomcdf(25,0.42,15)-binomcdf(25,0.42,9)
.6314541052
```

```
1-binomcdf(25,0.42,5)
.9815972238
binompdf(25,0.42,9)+binompdf(25,0.42,10)
.2941242942
```

71a  $P(A \geq 5) = 1 - P(A \leq 4) = 1 - \text{binomcdf}(10, \frac{3}{6}, 4) \approx 0,623.$

```
1-binomcdf(10,3/6,4)
.623046875
binomcdf(25,3/6,19)-binomcdf(25,3/6,10)
.7857832306
```

71b  $P(10 < A < 20) = \text{binomcdf}(25, \frac{3}{6}, 19) - \text{binomcdf}(25, \frac{3}{6}, 10) \approx 0,786.$

71c  $P(A > 60) = 1 - P(A \leq 60) = 1 - \text{binomcdf}(100, \frac{3}{6}, 60) \approx 0,018.$

71d  $P(K = 7) = \text{binompdf}(35, \frac{1}{6}, 7) \approx 0,146.$

```
1-binomcdf(100,3/6,60)
.0176001
binompdf(35,1/6,7)
.145722847
```

72a  $P(X > 20) = 1 - P(X \leq 20) = 1 - \text{binomcdf}(80, 0.137, 20) \approx 0,002.$

```
1-binomcdf(80,0.137,20)
.0021337548
```

72b  $P(Y \leq 15) = \text{binomcdf}(80, 0.286, 15) \approx 0,030.$

72c  $P(16 < Z < 32) = \text{binomcdf}(80, 0.332, 31) - \text{binomcdf}(80, 0.332, 16) \approx 0,872.$

```
binomcdf(80,0.286,15)
.0302285689
```

```
0.20*80 16
0.40*80 32
binomcdf(80,0.332,31)-binomcdf(80,0.332,16)
.8720278115
```

73a  $X$  is het aantal keer twee rode knikkers.  $p = P(rr) = \frac{12}{25} \cdot \frac{11}{24} = \frac{11}{50}$ .  
 $P(X = 3) = \text{binompdf}(15, \frac{11}{50}, 3) \approx 0,246.$

```
12/25*11/24+frac
binompdf(15,11/50,3)
.2457053831
```

73b  $Y$  is het aantal keer één zwarte knikker.  $p = P(z\bar{z}) = \binom{2}{1} P(z\bar{z}) = 2 \cdot \frac{8}{25} \cdot \frac{17}{24} = \frac{34}{75}$ .

$P(Y \geq 10) = 1 - P(Y \leq 9) = 1 - \text{binomcdf}(15, \frac{34}{75}, 9) \approx 0,081.$

```
2*8/25*17/24+frac
1-binomcdf(15,34/75,9)
.0808104939
```

73c  $Z$  is het aantal keer twee knikkers van dezelfde kleur.  $p = P(rr) + P(zz) + P(ww) = \frac{12}{25} \cdot \frac{11}{24} + \frac{8}{25} \cdot \frac{7}{24} + \frac{5}{25} \cdot \frac{4}{24} = \frac{26}{75}$ .

$P(Z < 6) = P(Z \leq 5) = \text{binomcdf}(15, \frac{26}{75}, 5) \approx 0,575.$

73d  $W$  is het aantal keer minstens één rode knikkers.  $p = 1 - P(\bar{r}\bar{r}) = 1 - \frac{13}{25} \cdot \frac{12}{24} = \frac{37}{50}$ .

$P(W \geq 8) = 1 - P(W \leq 7) = 1 - \text{binomcdf}(15, \frac{37}{50}, 7) \approx 0,978.$

```
(12*11+8*7+5*4)/25/24+frac
binomcdf(15,26/75,5)
.575162047
1-13/25*12/24+frac
1-binomcdf(15,37/50,7)
.9780988067
```

74a  $X$  is het aantal keer twee keer munt.  $p = P(mm) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ .  
 $P(X \leq 5) = \text{binomcdf}(30, \frac{1}{4}, 5) \approx 0,203.$

```
binomcdf(30,1/4,5)
.2025980742
binompdf(18,21/36,5)
.0066026349
```

74b  $Y$  is het aantal keer som  $\geq 7$ .  $p = P(\text{som} \geq 7) = \frac{21}{36}$  (zie het rooster naast 51a).  $P(Y = 5) = \text{binompdf}(18, \frac{21}{36}, 5) \approx 0,007.$

75a  $X$  is het aantal keer munt.  $P(X \geq 5) = 1 - P(X \leq 4) = 1 - \text{binomcdf}(n, \frac{1}{2}, 4)$ .  
 $1 - \text{binomcdf}(n, \frac{1}{2}, 4) > 0,99$  (met  $n \geq 5$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow n \geq 19.$

```
Plot1 Plot2 Plot3
V1 1-binomcdf(X,1/2,4)
V2 0.99
V3
V4
V5
V6
```

X	V1	V2
15	.94077	.99
16	.86159	.99
17	.77540	.99
18	.68456	.99
19	.59033	.99
20	.49489	.99
21	.39964	.99

X=19



75b  $p = P(\text{minstens één munt}) = 1 - P(\text{geen munt}) = 1 - P(kk) = 1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$ .

Of:  $p = P(\text{minstens één munt}) = P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - \text{binompdf}(2, \frac{1}{2}, 0) = \frac{3}{4}$ .

$P(Y > 2) = 1 - P(Y \leq 2) = 1 - \text{binomcdf}(n, \frac{3}{4}, 2) > 0,98$  (met  $n > 2$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow n \geq 7$ .

76  $P(X \geq 5) = 1 - P(X \leq 4) = 1 - \text{binomcdf}(n, 0,4, 4) > 0,9$  ( $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow n \geq 18$ .  
Hij moet minstens 18 vrije worpen nemen.

77  $P(\text{ww}) = \frac{6}{10} \cdot \frac{5}{9}$ .  $X$  is het aantal keer twee wit.

$P(X \geq 3) = 1 - P(X \leq 2) = 1 - \text{binomcdf}(n, \frac{6}{10}, \frac{5}{9}, 2) > 0,95$  ( $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE)  $\Rightarrow n \geq 17$ .

78  $P(X > 12) = 1 - P(X \leq 12) = 1 - \text{binomcdf}(20, p, 12)$ .  
 $1 - \text{binomcdf}(20, p, 12) \geq 0,80$  (intersect)  $\Rightarrow p \geq 0,71$ .

79 De volgorde is V5a, V5d, V5b, V5c.  
(denk aan een hoeveelheid zand die op een hoop wordt gekiept)

\*\*\* **Neem GR-practicum 3 door.** (zie aan het eind van deze uitwerkingen)

80 1-Var Stats L1,L2 geeft  $\bar{x} \approx 59,2$  en  $\sigma \approx 10,8$ .

81a Maak lijsten op de GR. (in L1 de gewichten en in L2 de frequenties)  
1-Var Stats L1, L2  $\Rightarrow \bar{x} = 249,9$  (gram) en  $\sigma \approx 1,5$  (gram).

81b  $\bar{x} - \sigma \approx 249,9 - 1,5 = 248,4$  (gram) en  $\bar{x} + \sigma \approx 249,9 + 1,5 = 251,4$  (gram).  
Tussen deze grenzen liggen de pakken met een gewicht van 249, 250 en 251 (gram).  
Dus  $22 + 36 + 19 = 77$  pakken.

82a Het meest waarschijnlijk is 8 cm.

8b Het meest waarschijnlijk is 1,8.

83a  $P(Z = 4) = \frac{3}{36}$  (zie het rooster hiernaast).

83b De kansverdeling van het aantal ogen bij het gooien met twee dobbelstenen.

$z$	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$Z = z$	$\frac{1}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{6}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{1}{36}$

$E(Z) = 2 \cdot \frac{1}{36} + 3 \cdot \frac{2}{36} + 4 \cdot \frac{3}{36} + 5 \cdot \frac{4}{36} + 6 \cdot \frac{5}{36} + \dots + 12 \cdot \frac{1}{36} = 7$ .

83c  $E(X) = E(Y) = 1 \cdot \frac{1}{6} + 2 \cdot \frac{1}{6} + 3 \cdot \frac{1}{6} + 4 \cdot \frac{1}{6} + 5 \cdot \frac{1}{6} + 6 \cdot \frac{1}{6} = 3,5$ .

$E(X+Y) = E(Z) = 7$   
 $E(X) + E(Y) = 3,5 + 3,5 = 7 \Rightarrow E(X+Y) = E(X) + E(Y)$ .

	6	7	8	9	10	11	12
r 5	6	7	8	9	10	11	
r 4	5	6	7	8	9	10	
r 3	4	5	6	7	8	9	
d 2	3	4	5	6	7	8	
1	2	3	4	5	6	7	

+ 1 2 3 4 5 6  
g r o e n

84a  $P(\text{ma, di en wo droog}) = 0,80 \cdot 0,40 \cdot 0,60 = 0,192$ .

84b  $P(\text{ma, di en wo regen en do en vr droog}) = 0,2 \cdot 0,6 \cdot 0,4 \cdot 0,6 \cdot 0,9 \approx 0,026$ .

84c  $X = 2$  betekent dat het op twee van de 5 dagen regent. Dus  $\binom{5}{2} = 10$  kansen te berekenen.

84d  $X = X_{\text{ma}} + X_{\text{di}} + X_{\text{wo}} + X_{\text{do}} + X_{\text{vr}}$  is het aantal dagen dat het de periode regent. Met  $X = 0, X = 1, X = 2, \dots, X = 5$ .  
Zo is bijvoorbeeld  $X = 1 + 0 + 1 + 0 + 1 = 3$  als  $X_{\text{ma}} = X_{\text{wo}} = X_{\text{vr}} = 1$  en  $X_{\text{di}} = X_{\text{do}} = 0$  (het alleen ma, wo en vr regent).

84e  $E(X) = E(X_{\text{ma}} + X_{\text{di}} + X_{\text{wo}} + X_{\text{do}} + X_{\text{vr}}) = E(X_{\text{ma}}) + E(X_{\text{di}}) + E(X_{\text{wo}}) + E(X_{\text{do}}) + E(X_{\text{vr}}) = 0,2 + 0,6 + 0,4 + 0,4 + 0,1 = 1,7$ .

85a  $P(\text{hoogstens één}) = P(\text{geen}) + P(\text{één}) = 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,95 \cdot 0,99 + 0,05 \cdot 0,9 \cdot 0,95 \cdot 0,99 + 0,95 \cdot 0,1 \cdot 0,95 \cdot 0,99 + 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,05 \cdot 0,99 + 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,95 \cdot 0,01 \approx 0,986$ .

85b  $E(\text{aantal}_1 + \text{aantal}_2 + \text{aantal}_3 + \text{aantal}_4) = E(\text{aantal}_1) + \dots + E(\text{aantal}_4) = 0,05 + 0,10 + 0,05 + 0,01 = 0,21$ .

85c De te verwachten reparatiekosten per jaar zijn  $12 \cdot 0,21 \cdot 550 = 1386$  euro.

86a 1-Var Stats L1,L2 geeft  $E(X) = 3$  en  $\sigma_X \approx 0,84$ .

86b 1-Var Stats L1,L3 geeft  $E(Y) = 3$  en  $\sigma_Y \approx 1,64$ .

87a Kansverdeling van  $X$   
1-Var Stats L1,L2 geeft  
 $E(X) = 7,6$  en  $\sigma_X \approx 1,020$ .

$x$	6	7	8	9
$X = x$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{1}{5}$

L1	L2	L3	3
0	0	.66667	
1	0	.33333	
2	0	0	
3	0	0	
4	0	0	
5	0	0	
6	0	0	
7	0	0	
8	0	0	
9	0	0	
L3(7) =			

1-Var Stats L1,L

X=	7.6
Σx=	7.6
Σx²=	58.8
Sx=	1.019803903
↓n=	1

1-Var Stats L1,L

X=	.666666667
Σx=	.666666667
Σx²=	1.333333333
Sx=	.9428090416
↓n=	1

87b Kansverdeling van  $Y$   
1-Var Stats L1,L3 geeft  
 $E(Y) \approx 0,667$  en  $\sigma_Y \approx 0,943$ .

$y$	0	2
$Y = y$	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{3}$

L1	L2	L3	2
0	.33333		
1	.33333		
2	.33333		
3	.33333		
4	.33333		
5	.33333		
6	.33333		
7	.33333		
8	.33333		
9	.33333		
L2(6) =	1/15		

1-Var Stats L1,L

X=	0.266666667
Σx=	0.266666667
Σx²=	0.266666667
Sx=	1.388844444
↓n=	1

87c Bijvoorbeeld bij  $S = 8$  horen de kaartjes  $\boxed{6|2}$  en  $\boxed{8|0}$ , dat zijn er 5 van de 15.  
1-Var Stats L1,L2 geeft  $E(S) \approx 8,267$  en  $\sigma_S \approx 1,389$ .

1.389²

1.929321
1.020²+0.943²
1.929649

1-Var Stats L1,L

X=	8.266666667
Σx=	8.266666667
Σx²=	70.26666667
Sx=	1.388844444
↓n=	1

87d  $E(X+Y) = E(S) \approx 8,267$  en  $E(X) + E(Y) \approx 7,6 + 0,667 = 8,267 \Rightarrow E(X+Y) = E(X) + E(Y)$ .

$\sigma_{X+Y} = \sigma_Z \approx 1,389$  en  $\sigma_X + \sigma_Y \approx 1,020 + 0,943 = 1,963 \Rightarrow \sigma_{X+Y} \neq \sigma_X + \sigma_Y$ .

87e  $\sigma_{X+Y}^2 = \sigma_Z^2 \approx 1,389^2 \approx 1,93$  en  $\sigma_X^2 + \sigma_Y^2 \approx 1,020^2 + 0,943^2 \approx 1,93$ . Dit klopt.

88a  $E(T) = E(X+Y) = E(X) + E(Y) = 16 + 30 = 46$  (sec).

88b  $\sigma_T = \sigma_{X+Y} = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_Y^2} = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13} \approx 3,6$  (sec)

2²+3²	13
√(13)	3.605551275

89  $E(B) = E(N+T) = E(N) + E(T) = 230 + 30 = 260$  (gram).

$\sigma_B = \sigma_{N+T} = \sqrt{\sigma_N^2 + \sigma_T^2} = \sqrt{12^2 + 5^2} = \sqrt{169} = 13$  (gram)

12²+5²	169
√(169)	13

90a De som  $X+Y$  is steeds 7, dus de standaardafwijking is 0.

90b  $X$  en  $Y$  zijn (niet on)afhankelijk.

91a  $p = P(\text{succes}) = P(B=1) \Rightarrow P(\text{mislukking}) = P(B=0) = 1-p$ . (zie de tabel hiernaast)

91b  $E(B) = 0 \cdot (1-p) + 1 \cdot p = p$ .

91c  $E(Z) = \underbrace{E(B) + E(B) + E(B) + \dots + E(B)}_{n \text{ keer}} = n \cdot p = np$ .

91d  $p = 0,2$  1-Var Stats L1,L2 geeft  $\sigma_B = 0,4$   
 $\sqrt{0,2 \cdot (1-0,2)} = \sqrt{0,2 \cdot 0,8} = \sqrt{0,16} = 0,4 \Rightarrow$  de regel klopt voor  $p = 0,2$ .

$p = 0,5$  1-Var Stats L1,L2 geeft  $\sigma_B = 0,5$   
 $\sqrt{0,5 \cdot (1-0,5)} = \sqrt{0,5 \cdot 0,5} = 0,5 \Rightarrow$  de regel klopt voor  $p = 0,5$ .

$p = 0,8$  1-Var Stats L1,L2 geeft  $\sigma_B = 0,4$   
 $\sqrt{0,8 \cdot (1-0,8)} = \sqrt{0,8 \cdot 0,2} = 0,4 \Rightarrow$  de regel klopt voor  $p = 0,8$ .

$b$	0	1
$B = b$	$1-p$	$p$

1-Var Stats L1,L

X=	0.2
Σx=	0.2
Σx²=	0.2
Sx=	0.4
↓n=	1

1-Var Stats L1,L

X=	0.5
Σx=	0.5
Σx²=	0.5
Sx=	0.5
↓n=	1

91e  $\sigma_Z = \underbrace{\sigma_{B+B+B+\dots+B}}_{n \text{ keer}} = \sqrt{\underbrace{\sigma_B^2 + \sigma_B^2 + \sigma_B^2 + \dots + \sigma_B^2}_{n \text{ keer}}} = \sqrt{\underbrace{p(1-p) + p(1-p) + p(1-p) + \dots + p(1-p)}_{n \text{ keer}}} = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)}$ .

92a  $X$  is het aantal juist beantwoorde vragen.

$E(X) = n \cdot p = 50 \cdot \frac{1}{4} = 12,5$  en  $\sigma_X = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{50 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4}} \approx 3,06$ .

$P(X = 12,5) = 0$ . (je kunt geen halve vragen juist beantwoorden)

92b  $E(X) + 2\sigma_X \approx 12,5 + 2 \cdot 3,06 \approx 18,62$ .

$P(X \geq 18,62) = 1 - P(X \leq 18) = 1 - \text{binomcdf}(50, \frac{1}{4}, 18) \approx 0,029$ .

50\*1/4

12.5	
√(12.5*3/4)	3.061862178
12.5+2*Ans	18.62372436

1-binomcdf(50,1/4,18)

.0287331594
-------------

93a  $X$  is het aantal ondervraagden met een voorkeur voor partij A.

$E(X) = n \cdot p = 200 \cdot 0,18 = 36$  en  $\sigma_X = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{36 \cdot 0,82} \approx 5,43$ .

$E(X) - \sigma_X \approx 36 - 5,43 = 30,57$  en  $E(X) + \sigma_X \approx 36 + 5,43 = 41,43$ .

$P(30,57 < X < 41,43) = P(X \leq 41) - P(X \leq 30) = \text{binomcdf}(200, 0,18, 41) - \text{binomcdf}(200, 0,18, 30) \approx 0,689$ .

200\*0.18

36	
√(36*0.82)+X	5.433231083
36-X	30.56676892

36+X

41.43323108	
binomcdf(200,0.18,41)-binomcdf(200,0.18,30)	.6888915646

93b  $Y$  is het aantal ondervraagden met een voorkeur voor partij A.

$E(y) = n \cdot p = 500 \cdot 0,18 = 90$  en  $\sigma_Y = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{90 \cdot 0,82} \approx 8,59$ .

$E(y) - \sigma_Y \approx 90 - 8,59 = 81,41$  en  $E(y) + \sigma_Y \approx 90 + 8,59 = 98,59$ .

$P(81,41 < Y < 98,59) = P(Y \leq 98) - P(Y \leq 81) = \text{binomcdf}(500, 0,18, 98) - \text{binomcdf}(500, 0,18, 81) \approx 0,678$ .

500\*0.18

90	
√(90*0.82)+X	8.590692638
90-X	81.40930736

90+X

98.59069264	
binomcdf(500,0.18,98)-binomcdf(500,0.18,81)	.6776589852

93c  $E(X) - 2 \cdot \sigma_X \approx 36 - 2 \cdot 5,43 = 25,14$  en  $E(X) + 2 \cdot \sigma_X \approx 36 + 2 \cdot 5,43 = 46,86$ .

$P(25,14 < X < 46,86) = P(X \leq 46) - P(X \leq 25) = \text{binomcdf}(200, 0,18, 46) - \text{binomcdf}(200, 0,18, 25) \approx 0,947$ .

$E(y) - 2 \cdot \sigma_Y \approx 90 - 2 \cdot 8,59 = 72,82$  en  $E(y) + 2 \cdot \sigma_Y \approx 90 + 2 \cdot 8,59 = 107,18$ .

$P(72,82 < Y < 107,18) = P(Y \leq 107) - P(Y \leq 72) = \text{binomcdf}(500, 0,18, 107) - \text{binomcdf}(500, 0,18, 72) \approx 0,959$ .

binomcdf(200,0.18,46)-binomcdf(200,0.18,25)

.9474099484
-------------

binomcdf(500,0.18,107)-binomcdf(500,0.18,72)

.9586058421
-------------

94a  $p = P(\text{minstens 9 met twee dobbelstenen}) = \frac{10}{36}$ . (zie de tabel hiernaast)

$X$  is het aantal keer minstens 9 ogen.

$P(X \leq 90) = \text{binomcdf}(360, \frac{10}{36}, 90) \approx 0,131$ .

```
binomcdf(360, 10/36, 90)
.1312960534
```

6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
+ 1	2	3	4	5	6	7

```
360*10/36
100
sqrt(100*26/36)
8.498365856
1-binomcdf(360, 10/36, 108)
.1565813167
```

94b  $E(X) = n \cdot p = 360 \cdot \frac{10}{36} = 100$  en  $\sigma_X = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{100 \cdot \frac{26}{36}} \approx 8,50$ .

$E(X) + \sigma_X \approx 108,50$ .

$P(X \geq 108,50) = 1 - P(X \leq 108) = 1 - \text{binomcdf}(360, \frac{10}{36}, 108) \approx 0,159$ .

**Diagnostische toets**

D1a  $P(r = 2) = P(\underline{rrrrrrrr}) = \binom{7}{2} \cdot P(\underline{rrrrrrrr}) = \binom{7}{2} \cdot (\frac{3}{6})^2 \cdot (\frac{3}{6})^5 \approx 0,164$ .

```
7 nCr 2*(3/6)^2*(3/6)^5
.1640625
7 nCr 5*(3/6)^5*(2/6)^2
.0729166667
```

D1b  $P(\underline{rrrrrrww}) = \binom{7}{5} \cdot P(\underline{rrrrrrww}) = \binom{7}{5} \cdot (\frac{3}{6})^5 \cdot (\frac{2}{6})^2 \approx 0,073$ .

D1c  $P(\bar{b} \geq 6) = P(\bar{b} = 6) + P(\bar{b} = 7) = P(\underline{bbbbb\bar{b}}) + P(\underline{bbbbb\bar{b}}) = \binom{7}{6} \cdot (\frac{5}{6})^6 \cdot \frac{1}{6} + (\frac{5}{6})^7 \approx 0,670$ .

```
7 nCr 6*(5/6)^6*(1/6) + (5/6)^7
.6697959534
1-7 nCr 6*(3/6)^6*(3/6)^1
.9375
```

D1d  $P(r \leq 5) = 1 - P(r = 6) - P(r = 7) = P(\underline{rrrrrrr}) - P(\underline{rrrrrrrr}) = 1 - \binom{7}{6} \cdot (\frac{3}{6})^6 \cdot \frac{3}{6} - (\frac{3}{6})^7 \approx 0,938$ .

D2a  $P(\text{twee knikkers pakken}) = P(\text{eerst blauw en dan pas groen}) = P(bg) = \frac{5}{12} \cdot \frac{7}{11} \approx 0,265$ .

```
5*7/12/11
.2651515152
5*4*3*2*7/12/11/10/9/8
.0088383838
```

D2b  $P(\text{vijf knikkers pakken}) = P(\underline{bbbbb}) = \frac{5}{12} \cdot \frac{4}{11} \cdot \frac{3}{10} \cdot \frac{2}{9} \cdot \frac{1}{8} \approx 0,009$ .

D3  $P(\text{som} = 17) = P(\underline{665}) = \binom{3}{2} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{72}$ .

```
3 nCr 2*(1/6)^3*1/6
1/72
```

$P(\text{minstens één van de } n \text{ keer som} = 17) = 1 - P(\text{geen van de } n \text{ keer som} = 17) = 1 - P(\underline{17 \ 17 \dots 17}) = 1 - (\frac{71}{72})^n > 0,4$ .

Bladeren in de tabel  $\Rightarrow n \geq 37 \Rightarrow$  Jeroen moet minstens 37 keer met drie dobbelstenen gooien.

X	V1	V2
32	.3698	.4
34	.3745	.4
35	.3808	.4
36	.3859	.4
37	.4039	.4
38	.4128	.4
39	.4203	.4

X=37

D4a  $P(\text{vrouwen} = 3) = P(\underline{vvvmm}) = \frac{\binom{7}{3} \cdot \binom{9}{2}}{\binom{16}{5}} \approx 0,288$ .

```
7 nCr 3*9 nCr 2/16 nCr 5
.2884615385
```

D4b  $P(\text{vrouwen} = 3) = P(\underline{vvvmm}) = \binom{5}{3} \cdot P(\underline{vvvmm}) = \binom{5}{3} \cdot (\frac{7}{16})^3 \cdot (\frac{9}{16})^2 \approx 0,265$ .

```
5 nCr 3*(7/16)^3*(9/16)^2
.2649593353
```

D5a  $P(X = 3) = P(\underline{rrrrr}) = \frac{\binom{6}{3} \cdot \binom{7}{2}}{\binom{13}{5}} \approx 0,326$ .

```
6 nCr 3*7 nCr 2/13 nCr 5
.3263403263
```

D5c  $P(Y \geq 3) = P(Y = 3) + P(Y = 4) = \frac{\binom{4}{3} \cdot \binom{9}{2}}{\binom{13}{5}} + \frac{\binom{4}{4} \cdot \binom{9}{1}}{\binom{13}{5}} \approx 0,119$ .

D5b  $P(X > 3) = P(X = 4) + P(X = 5) = \frac{\binom{6}{4} \cdot \binom{7}{1}}{\binom{13}{5}} + \frac{\binom{6}{5}}{\binom{13}{5}} \approx 0,086$ .

```
6 nCr 4*7 nCr 1+6 nCr 5
111
Ans/13 nCr 5
.0862470862
```

```
4 nCr 3*9 nCr 2+1*9 nCr 1
153
Ans/13 nCr 5
.1188811189
```

- D6  $\square$   $P(\text{Gerben pakt 1 keer}) = P(b) = \frac{10}{14} \approx 0,714$ .  
 $P(\text{Gerben pakt 2 keer}) = P(rb) = \frac{4}{14} \cdot \frac{10}{13} \approx 0,220$ .  
 $P(\text{Gerben pakt 3 keer}) = P(rrb) = \frac{4}{14} \cdot \frac{3}{13} \cdot \frac{10}{12} \approx 0,055$ .  
 $P(\text{Gerben pakt 4 keer}) = P(rrrb) = \frac{4}{14} \cdot \frac{3}{13} \cdot \frac{2}{12} \cdot \frac{10}{11} \approx 0,010$ .  
 $P(\text{Gerben pakt 5 keer}) = P(rrrrb) = \frac{4}{14} \cdot \frac{3}{13} \cdot \frac{2}{12} \cdot \frac{1}{11} \cdot \frac{10}{10} \approx 0,001$ .

```

10/14 7142857143
4/14*10/13 2197802198
4/14*3/13*10/12 6549450549
4/14*3/13*2/12*10/11 80999001
4/14*3/13*2/12*1/11*10/10 9.99000999E-4
    
```

Zie de kansverdeling hieronder.

aantal keer pakken	1	2	3	4	5
kans	0,714	0,220	0,055	0,010	0,001

8	11	12	13	14	15	16
7	10	11	12	13	14	15
6	9	10	11	12	13	14
5	8	9	10	11	12	13
4	7	8	9	10	11	12
3	6	7	8	9	10	11
x	3	4	5	6	7	8

8	5	4	3	2	1	0
7	4	3	2	1	0	1
6	3	2	1	0	1	2
5	2	1	0	1	2	3
4	1	0	1	2	3	4
3	0	1	2	3	4	5
y	3	4	5	6	7	8

- D7  $\square$   $P(X=6|Y=1) = \frac{X=6 \text{ en } Y=1}{Y=1} = \frac{0}{10} = 0$  en  $P(X=6) = \frac{1}{36} \neq 0$ .  
 Dus  $X$  en  $Y$  zijn (niet on)afhankelijk.

- D8  $\square$   $P(W = \text{€}99) = P(18 \text{ ogen}) = P(666) = \left(\frac{1}{6}\right)^3 = \frac{1}{216}$ .  
 $P(W = \text{€}14) = P(17 \text{ ogen}) = P(665) = \binom{3}{2} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^2 \cdot \frac{1}{6} = 3 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 = \frac{3}{216}$ .  
 $P(W = \text{€}4) = P(16 \text{ ogen}) = P(664) + P(655) = \binom{3}{2} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^2 \cdot \frac{1}{6} + \binom{3}{1} \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^2 \cdot \frac{1}{6} = 6 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 = \frac{6}{216}$ .  
 $P(W = -\text{€}1) = P(\text{minder dan 16 ogen}) = 1 - \frac{1}{216} - \frac{3}{216} - \frac{6}{216} = \frac{206}{216}$ .  
 De winstverwachting per spel is:  $99 \cdot \frac{1}{216} + 14 \cdot \frac{3}{216} + 4 \cdot \frac{6}{216} - 1 \cdot \frac{206}{216} \approx -0,19$  (€).

```

6^3 216
3 nCr 2 3
w 99 14 4 -1
P(W=w) 1/216 3/216 6/216 206/216
99*1+14*3+4*6-1*206 -41
Ans/216 -.1898148148
    
```

- D9a  $\square$   $X$  is het aantal keer dat hij alle kegels omver werpt.  
 $P(X=8) = \text{binompdf}(10, 0,78, 8) \approx 0,298$ .

```

binompdf(10,0.78,8)
.2984109099
    
```

- D9b  $\square$   $P(\text{alleen laatste keer niet alle kegels omver}) = P(\text{AAAAAAA}A) = 0,78^9 \cdot 0,22 \approx 0,024$ .  
 $P(X \geq 9) = P(X=9) + P(X=10) = \text{binompdf}(10, 0,78, 9) + \text{binompdf}(10, 0,78, 10)$

```

0.78^9*0.22
.0235111626
binompdf(10,0.78,9)+binompdf(10,0.78,10)
.3184693843
    
```

- D10a  $\square$   $P(X > 60) = 1 - P(X \leq 60) = 1 - \text{binomcdf}(100, 0,65, 60) \approx 0,828$ .  
D10b  $\square$   $P(X \geq 68) = 1 - P(X \leq 67) = 1 - \text{binomcdf}(100, 0,65, 67) \approx 0,303$ .  
D10c  $\square$   $P(X = 65 \text{ of } X = 66) = P(X = 65) + P(X = 66) = \text{binompdf}(100, 0,65, 65) + \text{binompdf}(100, 0,65, 66) \approx 0,166$ .  
D10d  $\square$   $P(X \text{ tussen } 62 \text{ en } 70) = P(X \leq 69) - P(X \leq 62) = \text{binomcdf}(100, 0,65, 69) - \text{binomcdf}(100, 0,65, 62) \approx 0,529$ .

```

1-binomcdf(100,0.65,60)
.8275849877
1-binomcdf(100,0.65,67)
.302878552
binompdf(100,0.65,65)+binompdf(100,0.65,66)
.1655456779
binomcdf(100,0.65,69)-binomcdf(100,0.65,62)
.5294295226
    
```

- D11a  $\square$   $E$  is het aantal keer even.  
 $P(E > 10) = 1 - P(E \leq 10) = 1 - \text{binomcdf}(16, 0,5, 10) \approx 0,105$ .

```

1-binomcdf(16,0.5,10)
.1050567627
    
```

- D11b  $\square$   $X$  is het aantal keer 6.  
 $P(X < 3) = P(X \leq 2) = \text{binomcdf}(16, \frac{1}{6}, 2) \approx 0,487$ .

```

binomcdf(16,1/6,2)
.4867910368
    
```

- D11c  $\square$   $Y$  is het aantal keer 5 of 6  $\Rightarrow P(Y = 5) = \text{binompdf}(16, \frac{2}{6}, 5) \approx 0,208$ .

```

binompdf(16,2/6,5)
.2078129017
binomcdf(16,2/6,9)-binomcdf(16,2/6,5)
.4371183582
    
```

- D11d  $\square$   $Z$  is het aantal keer 1 of 2.  
 $P(5 < Z < 10) = P(Z \leq 9) - P(Z \leq 5) = \text{binomcdf}(16, \frac{2}{6}, 9) - \text{binomcdf}(16, \frac{2}{6}, 5) \approx 0,437$ .

Plot1	Plot2	Plot3
X1	1-binomcdf(X1/6,3)	
Y1	0,90	
X2		
Y2		
X3		
Y3		
X4		
Y4		
X5		
Y5		
X6		
Y6		
X7		
Y7		
X8		
Y8		
X9		
Y9		
X10		
Y10		
X11		
Y11		
X12		
Y12		
X13		
Y13		
X14		
Y14		
X15		
Y15		
X16		
Y16		
X17		
Y17		
X18		
Y18		
X19		
Y19		
X20		
Y20		
X21		
Y21		
X22		
Y22		
X23		
Y23		
X24		
Y24		
X25		
Y25		
X26		
Y26		
X27		
Y27		
X28		
Y28		
X29		
Y29		
X30		
Y30		
X31		
Y31		
X32		
Y32		
X33		
Y33		
X34		
Y34		
X35		
Y35		
X36		
Y36		
X37		
Y37		
X38		
Y38		
X39		
Y39		
X40		
Y40		
X41		
Y41		
X42		
Y42		
X43		
Y43		
X44		
Y44		
X45		
Y45		
X46		
Y46		
X47		
Y47		
X48		
Y48		
X49		
Y49		
X50		
Y50		
X51		
Y51		
X52		
Y52		
X53		
Y53		
X54		
Y54		
X55		
Y55		
X56		
Y56		
X57		
Y57		
X58		
Y58		
X59		
Y59		
X60		
Y60		
X61		
Y61		
X62		
Y62		
X63		
Y63		
X64		
Y64		
X65		
Y65		
X66		
Y66		
X67		
Y67		
X68		
Y68		
X69		
Y69		
X70		
Y70		
X71		
Y71		
X72		
Y72		
X73		
Y73		
X74		
Y74		
X75		
Y75		
X76		
Y76		
X77		
Y77		
X78		
Y78		
X79		
Y79		
X80		
Y80		
X81		
Y81		
X82		
Y82		
X83		
Y83		
X84		
Y84		
X85		
Y85		
X86		
Y86		
X87		
Y87		
X88		
Y88		
X89		
Y89		
X90		
Y90		
X91		
Y91		
X92		
Y92		
X93		
Y93		
X94		
Y94		
X95		
Y95		
X96		
Y96		
X97		
Y97		
X98		
Y98		
X99		
Y99		
X100		
Y100		

- D12a  $\square$  1-Var Stats L1,L2 geeft  $\bar{x} \approx 3230$  (kWh) en  $\sigma \approx 690$  (kWh).

- D12b  $\square$   $\bar{x} - \sigma \approx 3230 - 690 = 2540$  (kWh) en  $\bar{x} + \sigma \approx 3230 + 690 = 3920$  (kWh).  
 Aantal =  $\frac{460}{500} \cdot 134 + 182 + \frac{420}{500} \cdot 135 \approx 419$ .  
 Dat is  $\frac{419}{642} \times 100\% \approx 65\%$ .

```

460*500+134*182+420*500+135
419.642*100
65.26479751
3230-690 2540
3230+690 3920
    
```

```

L1 L2 L3 2
1750 35 1-Var Stats L1:L
2250 60 2
2750 134
3250 182
3750 135
4250 66
-----
L2(7) =
1-Var Stats
x=3225,077882
sx=697,9125000
sx^2=6979125000
Sx=685,9422458
sx=685,4078147
n=642
    
```

- D13  $\square$   $E(T) = E(X+Y) = E(X) + E(Y) = 2,75 + 1,85 = 4,60$  (cm).  
 $\sigma_T = \sigma_{X+Y} = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_Y^2} = \sqrt{0,15^2 + 0,08^2} = 0,17$  (cm).

```

2.75+1.85 4.6
sqrt(0.15^2+0.08^2)
.17
    
```

- D14  $\square$   $X$  is het aantal prijzen.  
 $E(X) = n \cdot p = 100 \cdot 0,25 = 25$  en  $\sigma_X = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{25 \cdot 0,75} \approx 4,33$ .  
 $E(X) + \sigma_X \approx 29,33$ .  
 $P(X > 29,33) = 1 - P(X \leq 29) = 1 - \text{binomcdf}(100, 0,25, 29) \approx 0,150$ .

```

100*0.25 25
sqrt(25*0.75) 4.330127019
1-binomcdf(100,0.25,29)
.1495410473
    
```

Gemengde opgaven 3. Kansverdelingen

G24a  $P(w) = 1 - 0,3 - 0,5 = 0,2 \Rightarrow P(\overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w} \overline{w}) = 0,8^{10} \approx 0,107$ .

```
0.8^10
10 nCr 6*0.5^6*0.2^4
.00525
```

G24b  $P(\underline{ppppppppwwww}) = \binom{10}{6} \cdot P(\underline{ppppppppwwww}) = \binom{10}{6} \cdot 0,5^6 \cdot 0,2^4 \approx 0,005$ .

G24c  $P(\text{rood} \geq 2) = 1 - P(\text{rood} < 2) = 1 - P(\text{rood} = 0) - P(\text{rood} = 1)$

$= 1 - P(\overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r}) - P(\underline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r} \overline{r}) = 1 - 0,7^{10} - \binom{10}{1} \cdot 0,3 \cdot 0,7^9 \approx 0,851$ .

```
1-0.7^10-10 nCr 1*0.3*0.7^9
.8506916541
10 nCr 5*0.5^5
.24609375
```

G24d  $P(\underline{pppppppppppp}) = \binom{10}{5} \cdot P(\underline{pppppppppppp}) = \binom{10}{5} \cdot 0,5^5 \cdot 0,5^5 \approx 0,246$ .

G25a  $P(\underline{vvvvvvvvvvvvvv}) = \binom{13}{10} \cdot P(\underline{vvvvvvvvvvvvvv}) = \binom{13}{10} \cdot 0,68^{10} \cdot 0,32^3 \approx 0,198$ .

```
13 nCr 10*0.68^10*0.32^3
.1981094057
```

G25b  $P(h \geq 3) = 1 - P(h < 3) = 1 - P(h = 0) - P(h = 1) - P(h = 2) = 1 - P(\overline{h} \overline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) - P(\underline{h} \overline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) - P(\underline{h} \underline{h} \overline{h} \dots \overline{h})$

$= 1 - P(\overline{h} \overline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) - \binom{13}{1} \cdot P(\underline{h} \overline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) - \binom{13}{2} \cdot P(\underline{h} \underline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) = 1 - 0,81^{13} - \binom{13}{1} \cdot 0,19 \cdot 0,81^{12} - \binom{13}{2} \cdot 0,19^2 \cdot 0,81^{11} \approx 0,461$ .

```
1-0.81^13-13 nCr 1*0.19*0.81^12-13 nCr 2*0.19^2*0.81^11
.4610742761
```

G25c  $P(\underline{vvvvvvvvvvhhhh}) = \binom{13}{9} \cdot P(\underline{vvvvvvvvvvhhhh}) = \binom{13}{9} \cdot 0,68^9 \cdot 0,19^4 \approx 0,029$ .

```
13 nCr 9*0.68^9*0.19^4
.0289668093
```

G26a  $P(\text{twee of drie goed}) = P(\underline{ggg} \overline{g} \dots \overline{g}) + P(\underline{ggg} \overline{g} \dots \overline{g}) = \binom{18}{2} \cdot P(\underline{ggg} \overline{g} \dots \overline{g}) + \binom{18}{3} \cdot P(\underline{ggg} \overline{g} \dots \overline{g})$

$= \binom{18}{2} \cdot 0,25^2 \cdot 0,75^{16} + \binom{18}{3} \cdot 0,25^3 \cdot 0,75^{15} \approx 0,266$ .

```
18 nCr 2*0.25^2*0.75^16+18 nCr 3*0.25^3*0.75^15
.2662251998
```

G26b Van de resterende 13 vragen dus minder dan 3 goed gokken (5 kan hij er zonder te gokken goed invullen).

$P(g < 3) = P(g = 0) + P(g = 1) + P(g = 2) = 0,75^{13} + \binom{13}{1} \cdot 0,25 \cdot 0,75^{12} + \binom{13}{2} \cdot 0,25^2 \cdot 0,75^{11} \approx 0,333$ .

```
0.75^13+13 nCr 1*0.25*0.75^12+13 nCr 2*0.25^2*0.75^11
.3326016963
```

G26c Van de resterende 8 vragen er dus nog maar hoogstens 2 goed raden.

$P(g \leq 2) = P(g = 0) + P(g = 1) + P(g = 2) = 0,75^8 + \binom{8}{1} \cdot 0,25 \cdot 0,75^7 + \binom{8}{2} \cdot 0,25^2 \cdot 0,75^6 \approx 0,679$ .

```
0.75^8+8 nCr 1*0.25*0.75^7+8 nCr 2*0.25^2*0.75^6
.6785430908
```

G27a  $P(\underline{rrr} \underline{bbb}) = \binom{6}{3} \cdot \left(\frac{5}{12}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{12}\right)^3 \approx 0,023$ .

```
6 nCr 3*(5/12)^3*(3/12)^3
.0226056134
```

G27b  $P(\text{succes}) = P(s) = P(\underline{r} \overline{r} \overline{r}) = \frac{\binom{7}{3}}{\binom{12}{3}} = \frac{7}{44} \Rightarrow P(\underline{sss} \underline{sss} \underline{sss}) = \binom{6}{2} \cdot \left(\frac{7}{44}\right)^2 \cdot \left(\frac{37}{44}\right)^4 \approx 0,190$ .

```
7 nCr 3/12 nCr 3
*Frac
7/44
6 nCr 2*(7/44)^2*(37/44)^4
.1898358261
binompdf(6,7/44,2)
.1898358261
```

G27c  $P(\underline{wrrr}) + P(\underline{wwbr}) = \frac{\binom{4}{1} \cdot \binom{5}{3}}{\binom{12}{4}} + \frac{\binom{4}{2} \cdot \binom{3}{1} \cdot \binom{5}{1}}{\binom{12}{4}} \approx 0,263$ .

```
4 nCr 1*5 nCr 3+4 nCr 2*3 nCr 1*5 nCr 1
Ans/12 nCr 4
.2626262626
```

G28a  $P(X = 100) = P(333) = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{120} (\approx 0,008)$ .

```
1/4/5/6*Frac
1/120
4/4/5/6*Frac
1/30
12/4/5/6*Frac
1/10
```

G28b  $P(X = 20) = P(444) = \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{6} = \frac{4}{120} = \frac{1}{30}$ .

$P(X = 5) = P(555) = \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{6} = \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$ .

$P(X = 0) = 1 - P(X = 100) - P(X = 20) - P(X = 5) = 1 - \frac{1}{120} - \frac{4}{120} - \frac{12}{120} = 1 - \frac{17}{120} = \frac{103}{120}$ .

Kansverdeling van toevalsvariabele X.

x	0	5	20	100
$P(X = x)$	$\frac{103}{120}$	$\frac{12}{120}$	$\frac{4}{120}$	$\frac{1}{120}$

G28c  $P(Y = 10) = P(\underline{334}) = P(334) + P(343) + P(433) = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{6} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{6} = \frac{2+2+1}{120} = \frac{5}{120} = \frac{1}{24} (\approx 0,042)$ .

G28d  $P(\underline{333}) = P(333) + P(333) + P(333) = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{5}{6} + \frac{1}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{6} + \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{6} = \frac{5+4+3}{120} = \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$ .

$P(\underline{3333333333333333}) = \left(\frac{1}{10}\right)^4 = 0,0001$ .

```
Plot1 Plot2 Plot3
V1=1-(119/120)^4
X
V2=0,3
V3=
V4=
V5=
V6=

```

X	Y1	Y2
40	.28447	
41	.29042	
42	.29637	
43	.30232	
44	.30827	
45	.31422	
46	.32017	

V1 = .302208363503

G28e  $P(\text{hoofdprijs}) = P(h) = P(X = 100) = \frac{1}{120}$  (zie G28a)  $\Rightarrow P(\overline{h}) = \frac{119}{120}$ .

$P(\overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h}) + P(\overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h} \overline{h}) = \left(\frac{119}{120}\right)^7 \cdot \frac{1}{120} + \left(\frac{119}{120}\right)^8 \cdot \frac{1}{120} \approx 0,016$ .

```
(119/120)^7*1/120+(119/120)^8*1/120
.0156529218
```

G28f  $P(\text{minstens één van de } n \text{ keer spelen de hoofdprijs}) = 1 - P(n \text{ keer niet de hoofdprijs}) = 1 - P(\overline{h} \overline{h} \overline{h} \dots \overline{h}) = 1 - \left(\frac{119}{120}\right)^n > 0,3$ .

Bladeren in de tabel geeft  $n \geq 43 \Rightarrow$  Jantine moet minstens 43 keer spelen.

G29a • Kosten  $K = 4 \cdot 2 + 8 = 16$  (€) en  $P(\text{negatief}) = P(K = 16) = \left(\frac{19}{20}\right)^4$ .

• Kosten  $K = 4 \cdot 2 + 8 + 4 \cdot 8 = 4 \cdot 2 + 5 \cdot 8 = 48$  (€) en  $P(\text{positief}) = P(K = 48) = 1 - \left(\frac{19}{20}\right)^4$ .

•  $E(K) = 16 \cdot \left(\frac{19}{20}\right)^4 + 48 \cdot \left(1 - \left(\frac{19}{20}\right)^4\right) \approx 21,94$  (€). Per monster:  $E = \frac{\text{Ans}}{4} \approx 5,48$  (€).

```
16*(19/20)^4+48*(1-(19/20)^4)
21.9358
Ans/4
5.48395
```

G29b  \* Kosten  $K = 5 \cdot 2 + 8 = 18$  (€) en  $P(\text{negatief}) = P(K = 18) = \left(\frac{19}{20}\right)^5$ .

\* Kosten  $K = 5 \cdot 2 + 8 + 5 \cdot 8 = 5 \cdot 2 + 6 \cdot 8 = 58$  (€) en  $P(\text{positief}) = P(K = 48) = 1 - \left(\frac{19}{20}\right)^5$ .

\*  $E(K) = 18 \cdot \left(\frac{19}{20}\right)^5 + 58 \cdot \left(1 - \left(\frac{19}{20}\right)^5\right) \approx 27,05$  (€). Per monster:  $E = \frac{Ans}{5} \approx 5,41$  (€).

```
18*(19/20)^5+58*
(1-(19/20)^5)
Ans=27.0487625
Ans/5 5.4097525
```

G29c  • Kosten  $K = n \cdot 2 + 8 = 2n + 8$  (€) en  $P(\text{negatief}) = P(K = 2n + 8) = \left(\frac{19}{20}\right)^4 = 0,95^n$ .

• Kosten  $K = n \cdot 2 + 8 + n \cdot 8 = 10n + 8 = 48$  (€) en  $P(\text{positief}) = P(K = 10n + 8) = 1 - 0,95^n$ .

•  $E(K) = (2n + 8) \cdot 0,95^n + (10n + 8) \cdot (1 - 0,95^n)$   
 $= 2n \cdot 0,95^n + 8 \cdot 0,95^n + 10n - 10n \cdot 0,95^n + 8 - 8 \cdot 0,95^n = 10n - 8n \cdot 0,95^n + 8$  (€).

Per monster:  $E = \frac{10n - 8n \cdot 0,95^n + 8}{n} = \frac{10n}{n} - \frac{8n \cdot 0,95^n}{n} + \frac{8}{n} = 10 - 8 \cdot 0,95^n + \frac{8}{n}$  (€).

```
P1=1 P1=2 P1=3
V1=10-8*0.95^X+
8/n
V2=
V3=
V4=
V5=
V6=
X Y1
1 10.4
2 9.8077
3 9.481
4 9.4098
5 9.4526
6 9.5562
X=5
```

G29d   $10 - 8 \cdot 0,95^n + \frac{8}{n}$  (met  $n \geq 1$  en  $n$  geheel  $\Rightarrow$  TABLE) is minimaal voor  $n = 5$ .

G30a  Ja, als de een bloedgroep A heeft en de ander bloedgroep B.

G30b   $P(\text{dezelfde bloedgroep}) = P(OO) + P(AA) + P(BB) + P(ABAB) = 0,46^2 + 0,43^2 + 0,08^2 + 0,03^2 = 0,4038$ .

G30c   $P("0" \geq 1) = 1 - P("0" < 1) = 1 - P("0" = 0) = 1 - P(\bar{0}\bar{0}\bar{0}\bar{0}\dots\bar{0}) = 1 - 0,54^{12} \approx 0,9994$ .

G30d   $P(\text{dezelfde resusfactor}) = P(++ +) + P(-- -) = 0,85^2 + 0,15^2 = 0,745$  en  $P(\text{dezelfde bloedgroep}) = 0,4038$  (zie G30b).

$P(\text{hetzelfde bloedtype}) = P(\text{dezelfde resusfactor en dezelfde bloedgroep}) = 0,745 \cdot 0,4038 \approx 0,3$ .

```
0.85^2+0.15^2 .745
Ans*0.4038 .300831
```

G31a  Het aantal volgordes is  $\binom{5}{2} = 10$ .

```
5 nCr 2 10
```

```
3328/186701
.0178252928
1-binomcdf(900,0
.01783,15)
```

G31b   $P(X \geq 16) = 1 - P(X \leq 15) = 1 - \text{binomcdf}(900, 0,01783, 15) \approx 0,539$ .

```
.5388443688
```

G31c   $P(\text{een jongen en een meisje}) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$ ;  $P(2 \text{ jongens}) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{3}$ ;  $P(2 \text{ meisjes}) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{3}$ .  
Omdat de kansen gelijk zijn komen de samenstellingen gemiddeld even vaak voor.

```
2/3*1/2*Frac 1/3
1/3*1/2+2/3*1/4*Frac 1/3
```

G31d   $P(\text{tweeling is prematuur}) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 38,36,2, \frac{12}{7}) \approx 0,853$ . Dit is ongeveer 85%.

Of:  $P(\text{tweeling is prematuur}) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 266,253,12) \approx 0,861$ . Dit is ongeveer 86%.

```
normalcdf(-10^99
,38,36,2,12/7)
.8531409193
normalcdf(-10^99
,266,253,12)
.8606697172
```

G32a  De laagste totaalscore (alle vragen fout worden beantwoord) is  $30 - 10 \cdot \frac{3}{4} - 10 \cdot 1 - 10 \cdot \frac{5}{4} = 0$ .

```
30-10*3/4-10*1-10*5/4 0
```

G32b  De totaalscore is  $30 + 7 \cdot 3 + 4 \cdot 4 + 1 \cdot 5 - 1 \cdot \frac{3}{4} - 3 \cdot 1 - 3 \cdot \frac{5}{4} = 64 \frac{1}{2}$ .

```
binomcdf(30,1/6,5)
.6164470145
```

```
30+7*3+4*4+1*5-1*3/4-3*1-3*5/4 64.5
```

G32c   $P(X \leq 5) = \text{binomcdf}(30, \frac{1}{6}, 5) \approx 0,62$ .

```
30+1/6*10*3-4/6*10*3/4+1/6*10*4-4/6*10*1+1/6*10*5-4/6*10*5/4 30
```

G32d   $E(\text{score}) = 30 + \frac{1}{6} \cdot 10 \cdot 3 - \frac{4}{6} \cdot 10 \cdot \frac{3}{4} + \frac{1}{6} \cdot 10 \cdot 4 - \frac{4}{6} \cdot 10 \cdot 1 + \frac{1}{6} \cdot 10 \cdot 5 - \frac{4}{6} \cdot 10 \cdot \frac{5}{4} = 30$ .

G33a   $X$  is het aantal testen.

$P(X = 1) = 0,3$ ;  $P(X = 2) = 0,7 \cdot 0,3 = 0,21$  en  $P(X = 3) = 1 - P(X = 1) - P(X = 2) = 0,49$ .

$E(X) = 1 \cdot 0,3 + 2 \cdot 0,21 + 3 \cdot 0,49 = 2,19$ .

```
0.7*0.3 .21
1-0.3-0.21 .49
1*0.3+2*0.21+3*0.49 2.19
```

G33b  Per proefpersoon zijn de gemiddelde kosten  $100 + 2,19 \cdot 50 = 209,50$  euro.

Omdat  $\frac{10000}{209,50} \approx 47,7$  kunnen er maximaal 47 personen meedoen.

```
100+2.19*50 209.5
10000/209.50 47.7326969
```

G33c   $Y$  is het aantal personen dat na drie keer testen nog geen succes heeft.

$P(\text{geen succes na drie keer testen}) = 0,7^3 = 0,343$ .

$P(Y > \frac{1}{2} \cdot 10) = P(Y > 5) = 1 - P(Y \leq 5) = 1 - \text{binomcdf}(10, 0,343, 5) \approx 0,087$ .

```
0.7^3 .343
1-binomcdf(10,0.343,5) .086899131
```

G34a  Waaghals:

$P(\text{€}0) = P(-) + P(-+) = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{2}{3}$  en  $P(\text{€}6) = P(++ +) = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$ .

$E(\text{uitkering waaghals}) = 0 \cdot \frac{2}{3} + 6 \cdot \frac{1}{3} = 2$  (€/lot).

```
1/3+2/3*1/2*Frac 2/3
2/3*1/2*Frac 1/3
```

Angsthaas:

$P(\text{€}0) = P(-) = \frac{1}{3}$  en  $P(\text{€}3) = P(++ +) = \frac{2}{3}$ .

$E(\text{uitkering angsthaas}) = 0 \cdot \frac{1}{3} + 3 \cdot \frac{2}{3} = 2$  (€/lot).

G34b  Waaghals:  $P(\text{€}0) = \frac{2}{3}$  en angsthaas:  $P(\text{€}0) = \frac{1}{3}$ .

Naar verwachting krijgen  $\frac{2}{3} \cdot 0,65 \cdot 500 + \frac{1}{3} \cdot 0,35 \cdot 500 = 275$  mensen niets uitbetaald.

```
2/3*0.65*500+1/3*0.35*500 275
```

G34c  Een angsthaas krast altijd precies één vakje open  $\Rightarrow$  Alle 35 angsthazen krassen precies één vakje open.

$W$  is het aantal waaghalsen dat precies één (als eerste vakje een MIN) vakje openkrast

$P(W > 60 - 35) = P(W > 25) = 1 - P(W \leq 25) = 1 - \text{binomcdf}(65, \frac{1}{3}, 25) \approx 0,157$ .

```
1-binomcdf(65,1/3,25) .1565535004
```

```
1-0.95*0.80 .24
```

G35a  $P(\text{minstens één prijs}) = 1 - P(\text{geen prijs}) = 1 - (1 - 0,05) \cdot (1 - 0,20) = 1 - 0,95 \cdot 0,80 = 0,24$ .

G35b  $X$  is het aantal leden dat in de prijzen valt.

$$P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) = 1 - \text{binomcdf}(20, 0,24, 7) \approx 0,08.$$

```
1-binomcdf(20,0.24,7)
.0834918855
```

G35c  $Y$  is het prijzengeld per student.

$$E(Y) = 500 \cdot 0,05 + 100 \cdot 0,20 = 45 \text{ (€)}.$$

De studentenvereniging verwacht  $20 \cdot 45 = 900$  euro te winnen.

```
500*0.05+100*0.2
0
Ans*20
900
```

G36a  $V$  is het aantal vrouwen met osteoporose.

$$P(V = 30) = \text{binompdf}(100, \frac{1}{4}, 30) \approx 0,046.$$

```
binompdf(100,1/4,30)
.0457538076
```

G36b  $M$  is het aantal mannen met osteoporose.

$$P(2 \text{ met osteoporose}) = P(V = 0 \text{ en } M = 2) + P(V = 1 \text{ en } M = 1) + P(V = 2 \text{ en } M = 0)$$

$$= P(V = 0) \cdot P(M = 2) + P(V = 1) \cdot P(M = 1) + P(V = 2) \cdot P(M = 0)$$

$$= \text{binompdf}(5, \frac{1}{4}, 0) \cdot \text{binompdf}(5, \frac{1}{12}, 2) + \text{binompdf}(5, \frac{1}{4}, 1) \cdot \text{binompdf}(5, \frac{1}{12}, 1)$$

$$+ \text{binompdf}(5, \frac{1}{12}, 2) \cdot \text{binompdf}(5, \frac{1}{4}, 0) \approx 0,300.$$

```
)*binompdf(5,1/12,2)+binompdf(5,1/4,1)*binompdf(5,1/12,1)+binompdf(5,1/4,2)*binompdf(5,1/12,0)
.2997053994
```

G36c Van de osteoporose-patiënten in de risicogroep was

$$\frac{13,9}{17,6} \times 100\% = 79,0\% \text{ vrouw.}$$

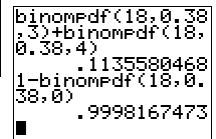
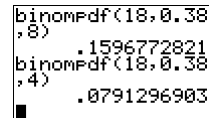
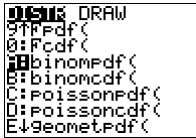
(zie de tabel hiernaast)

```
1/4*55.6
13.9
1/12*44.4
3.7
13.9/17.6*100
78.97727273
```

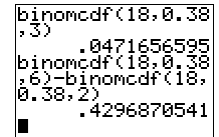
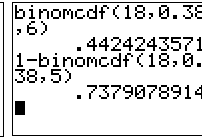
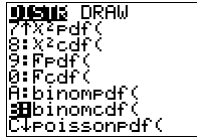
	osteoporose	geen osteoporose	
vrouw	13,9%		55,6%
man	3,7%		44,4%
	17,6%		100%

TI-84 2. De binomiale verdeling

- 1a  $P(X = 8) = \text{binompdf}(18, 0.38, 8) \approx 0,160.$
- 1b  $P(X = 4) = \text{binompdf}(18, 0.38, 4) \approx 0,079.$
- 1c  $P(X = 3) + P(X = 4) = \text{binompdf}(18, 0.38, 3) + \text{binompdf}(18, 0.38, 4) \approx 0,114.$
- 1d  $1 - P(X = 0) = 1 - \text{binompdf}(18, 0.38, 0) \approx 1,000.$



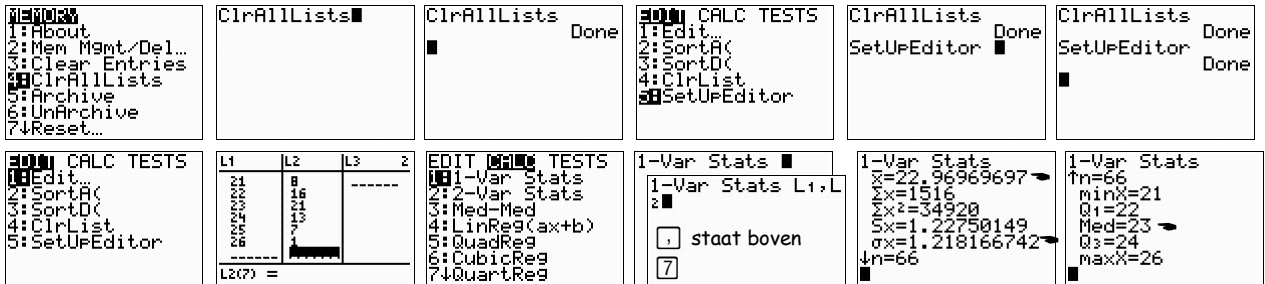
- 2a  $P(X \leq 6) = \text{binomcdf}(18, 0.38, 6) \approx 0,442.$
- 2b  $1 - P(X \leq 5) = 1 - \text{binomcdf}(18, 0.38, 5) \approx 0,738.$
- 2c  $P(X \leq 3) = \text{binomcdf}(18, 0.38, 3) \approx 0,047.$
- 2d  $P(X \leq 6) - P(X \leq 2) = \text{binomcdf}(18, 0.38, 6) - \text{binomcdf}(18, 0.38, 2) \approx 0,430.$



TI-84 3. Centrum- en spreidingsmaten

- 1 Gemiddelde is  $\bar{x} \approx 23,0$  de standaardafwijking is  $\sigma \approx 1,2$  en de mediaan is  $\text{Med} = 23.$   
(zie de laatste twee schermen op de tweede rij hieronder)

De schermen op de eerste rij hieronder zijn om bestaande lijsten schoon te vegen en om de 6 oorspronkelijke lijsten (bij verlies) in de oorspronkelijke volgorde te plaatsen.



[2nd][1] is [L1] (lijst L1); [2nd][2] is [L2] (lijst L2).

- 2a  $\bar{x} \approx 5,2$   $\sigma \approx 1,4$  en  $\text{Med} = 5$  (zie de schermen hiernaast).
- 2b  $\bar{x} \approx 5,8$   $\sigma \approx 1,7$  en  $\text{Med} = 6$  (zie de schermen hiernaast).
- 2c  $\bar{x} \approx 5,5$   $\sigma \approx 1,6$  en  $\text{Med} = 6$  (zie de schermen hieronder).

